## Análise de dados para o Planejamento Territorial

Práticas em R

Flávia da Fonseca Feitosa

Beatriz Milz

2025-06-26

# Índice

Int	trodu	ção 5
	Cale	ndário
	Sobr	e este material
		Licença
1	Intro	oducão ao R e RStudio 7
	1.1	Introducão
	1.2	O que $\acute{e}$ o R?
	1.3	O que é o RStudio?
	1.4	Instalando o R e o RStudio
		1.4.1 Instalação do R
		1.4.2 Instalação do RStudio
	1.5	Conhecendo o RStudio
	1.6	Scripts
	-	1.6.1 Como executar os códigos?
		$1.6.2$ Comentários $\ldots$ 14
	1.7	Funcões
	1.8	Pacotes
		1.8.1 Repositório de pacotes
	1.9	Documentação
		1.9.1 Documentação no RStudio
		1.9.2 Documentação online
		$1.9.3$ Cheatsheets $\ldots \ldots 22$
	1.10	Materiais complementares
2	Con	ceitos hásicos do R
2	2.1	Operações matemáticas
	2.1 2.2	
	2.2	221 Objetos ovistantes no R $24$
		2.2.1 Objetos existentes no $\mathbf{R}$
	93	$\frac{2.2.2}{\text{Tipos do objeto}} = \frac{2.6}{2.2}$
	2.0	2 2 1 Votorea 26
		2.0.1 vetores
	24	2.0.2 Data malles
	$_{2.4}$	materials complementates

3	Aná	lise exploratória de dados - Parte 1	28
	3.1	Criando um projeto	28
	3.2	Salvando os dados no projeto	33
	3.3	Importando os dados	34
	3.4	Conhecendo a base de dados	35
	3.5	Calculando estatísticas descritivas	38
	3.6	Visualizando os dados	42
	3.7	Materiais complementares	44
4	Aná	lise exploratória de dados - Parte 2	45
	4.1	Carregando pacotes	45
	4.2	Carregando os dados	45
	4.3	Conhecendo o operador pipe $( \rangle)$	46
	4.4	Principais funções do dplyr	47
	4.5	Filtrando dados com filter()	47
	4.6	Selecionando colunas com select()	50
	4.7	Adicionando ou modificando colunas com mutate()	51
	4.8	Ordenando dados com arrange()	53
	4.9	Agrupando dados com group_by()	54
	4.10	Resumindo dados com summarise()	55
	4.11	Unindo tabelas com left_join()	56
	4.12	Materiais complementares	59
5	Prát	ica - Intervalo de confiança	60
	5.1	Carregar pacotes	60
	5.2	Importar os dados	60
	5.3	Conhecendo os dados	62
	5.4	Calcular a média, desvio padrão e número de respostas	64
	5.5	Calcular o erro padrão	65
	5.6	Definindo o valor crítico	66
		5.6.1 Como calcular o valor crítico para um intervalo de confiança de $95\%$ com	
		a distribuição t de Student?	66
	5.7	Calcular o intervalo de confiança	67
Δ	nêndi	res	69
	p chíu		55
Α	Erro	s e <i>warnings</i> frequentes	69
	A.1	Instalação	69
		A.1.1 RTools	69
	A.2	Conceitos básicos	70
		A.2.1 Instalando pacotes	70
		A.2.2 Pacote não encontrado	71

		A.2.3 Objeto não encontrado	71
		A.2.4 Função não encontrada	72
В	Sug	estão de vídeos, posts, e outros materiais	74
	B.1	Estatística básica	74
	B.2	Organização dos dados	74
	B.3	Gráficos	75
	B.4	Sobre os canais citados	75
		B.4.1 Dr. Atila Iamarino	75
		B.4.2 Dra. Fernanda Peres	75

## Introdução

#### Boas vindas!

Este site apresenta o material de apoio para **aulas práticas** das disciplinas "Análise de dados para o Planejamento Territorial" e "Métodos Quantitativos para Pesquisa em PGT", oferecidas no segundo quadrimestre de 2025 na Universidade Federal do ABC (UFABC).

O conteúdo das aulas teóricas está disponível no Moodle.

#### Importante

Este material foi feito para guiar as aulas práticas, mas você verá que ele está bem detalhado. Dessa forma, você pode usá-lo para revisar os conceitos e praticar as atividades (dentro e fora do horário das aulas).

Semana	Período	Práticas
1	02/06/2025 - 08/06/2025	Introdução ao R e
		RStudio
2	09/06/2025 - 15/06/2025	Linguagem R
2	09/06/2025 - 15/06/2025	Análise exploratória de
		dados - Parte 1
3	16/06/2025 - 22/06/2025	Focar no trabalho da
		disciplina (semana com
		feriado)
4	23/06/2025 - 29/06/2025	Análise exploratória de
		dados - Parte 2

## Calendário

### Sobre este material

Este material contém partes adaptadas de:

- Material criado por Luis Felipe Bortolatto Cunha, que atuou como professor Assistente (estágio docência) em oferecimentos anteriores da disciplina.
- Material do curso Introdução à análise de dados no R, ministrado por Beatriz Milz, Pedro Cavalcanti e Rafael Pereira.

## Licença

Esse material está disponível sob a licença CC BY-SA 4.0.

## 1 Introdução ao R e RStudio

## 1.1 Introdução

Ao longo deste curso, os softwares R e RStudio serão usados como uma **ferramenta** para auxiliar na análise de dados para o planejamento territorial.

É importante ressaltar o uso do R e do RStudio não pode ser dissociado do **processo de pesquisa**, que envolve a observação, formulação de hipóteses, coleta de dados e **análise de dados**, sendo este o foco deste curso.

## 1.2 O que é o R?

R é uma **linguagem de programação** com o foco em estatística, análise e visualização de dados.

Ela é uma linguagem de código aberto, o que significa que qualquer pessoa pode utilizá-la gratuitamente. Além disso, as pessoas com mais experiência na linguagem podem contribuir com o desenvolvimento de novas funcionalidades e pacotes.

Caso queira saber mais sobre a linguagem R, acesse o site oficial (R-Project).

Ao instalar o R, você terá acesso a um programa chamado "R Console" que permite escrever e executar códigos em R:



Figura 1.1: Captura de tela do R Console no Windows

Porém o R Console não é muito amigável para escrever códigos complexos ou realizar análises de dados. Por isso, é recomendado utilizar um ambiente de desenvolvimento integrado (IDE). A IDE mais utilizada por pessoas que programam em R é o RStudio.

## 1.3 O que é o RStudio?

O RStudio é um IDE focada em programação em R, e é desenvolvido pela Posit. Ele facilita a escrita de códigos, execução de scripts, e visualização dos resultados.

Existem algumas versões do RStudio. Neste curso, utilizaremos o RStudio Desktop, pois é a versão de código aberto (portanto é gratuita). Daqui em diante, sempre que mencionarmos "RStudio", estaremos nos referindo ao RStudio Desktop.

## 1.4 Instalando o R e o RStudio

Durante as aulas, utilizaremos os computadores do laboratório da universidade. Porém, caso você tenha acesso a um computador pessoal, recomendamos que instale o R e o RStudio nele, para praticar fora do período das aulas.

#### 1.4.1 Instalação do R

Para instalar o R, acesse o site CRAN e escolha o link de download de acordo com o seu sistema operacional:



Figura 1.2: Captura de tela do site CRAN

Instale o R utilizando o instalador baixado.

#### 1.4.2 Instalação do RStudio

Após instalar o R, acesse o site RStudio Desktop e escolha o link de download de acordo com o seu sistema operacional:

Want to learn about core or advanced workflows in RStudio?
ጀምሮያ ከe <u>የኛርየሆና እንድ</u> የሚገለዋል የሚያስት የሚ



Q

Figura 1.3: Captura de tela do site RStudio Desktop

Instale o RStudio utilizando o instalador baixado.

💡 Dica

Caso o seu computador tenha limitações para instalação de programas, você pode utilizar o Posit Cloud, uma versão online do RStudio. Entretanto, a versão gratuita do Posit Cloud tem algumas limitações, como limite de tempo de uso (25 horas por mês) e de memória RAM (1 GB).

O vídeo abaixo apresenta um tutorial sobre como utilizar o Posit Cloud:

## 1.5 Conhecendo o RStudio

Ao abrir o RStudio, veremos a seguinte tela:

🔹 RStudio File Edit Code View Plots Session Build Debug Profile Tools Window Help	🎯 🔲 🖪 🕪 छ 穼 🔍 😭 💿 Dom. 29 de set. 17:43
RStudio	
Ο • 🔍 🛫 •   🖓   🚔     → Co to file/function     🔯 • Addins •	Project: (None) +
Console Terminal × Markers × Background Jobs ×	Environment History Tutorial
( <b>q</b> + <b>q</b> 4.4.1 + 1 ≈ 3	🖙 🕞 🖙 Import Dataset + 🕐 31 MiB + 🥑 🔤 Ust + 🛞 +
	R 🔹 🐴 Global Environment 👻 🔍
R version 4.4.1 (2024-06-14) "Race for Your Life"	
Copyright (C) 2024 The R Foundation for Statistical Computing	
Platform: aarch64-apple-darwin20	Environment is empty
R is free software and comes with ARSOLUTELY NO WARRANTY	
Vou and walcome to and other which it under contain conditions	
The derive come to redistribute it under certain conditions.	
Type "license()" or "licence()" for distribution details.	
Notice 1 January and the construction of the set for the large 1	
Natural language support but running in an English locale	
2 de la calleta en de la calleta en de la calleta de la	Environment
k is a collaborative project with many contributors.	
Type 'contributors()' for more information and	
'citation()' on how to cite R or R packages in publications.	Files Plots Connections Packages Help Viewer Presentation
	💁 New Folder 🔍 New Blank File 🖌 🔍 Delete 🕞 Rename 🎡 More 👻 🕓
Type 'demo()' for some demos, 'help()' for on-line help, or	→ Name Size Modified
'help.start()' for an HTML browser interface to help.	file 0 8 Sep 5, 2024, 5:54 PM
Type $'aO'$ to guit R.	🗆 🖴 .vol
	applications
	U in the second
	U Gores
	🗌 📫 Library
	🗆 🗰 opt
	🗆 📫 private
	🗌 🚎 sbin
	U System
	🗌 🗀 var
	🗌 🧰 Volumes
Console	Files
	<b>Files</b>

Aos poucos, conheceremos os painéis e funcionalidades do RStudio. Neste momento, podemos destacar os três painéis que são apresentados:

- **Console**: painel onde os códigos são executados. É similar ao "R Console", citado anteriormente.
- Environment: painel onde as variáveis e dados carregados ficam listados.
- Files: painel onde podemos navegar por arquivos no computador. A página inicial é o diretório de trabalho: esse conceito será explicado mais adiante.

## **1.6 Scripts**

No RStudio, podemos escrever e executar códigos no Console, porém os códigos são perdidos quando fechamos o programa. Para salvar os códigos e reutilizá-los posteriormente, utilizamos scripts.

Os scripts são arquivos de texto onde podemos escrever códigos R e salvá-los para utilizar posteriormente. É recomendado que qualquer código que você deseje reutilizar ou que seja importante para a análise que você fizer seja salvo em um script.

Existem algumas formas de criar um novo script:

• No menu superior, clicando em File > New File > R Script.

- Utilizando o atalho Ctrl + Shift + N (Windows) ou Cmd + Shift + N (Mac).
- Clicando no ícone de um arquivo com um sinal de + no canto superior esquerdo do RStudio e selecionando R Script:



Figura 1.4: Captura de tela do RStudio: Opção para criar novo Script

Após abrir um script, o RStudio exibirá 4 paineis:

🍵 RStudio File Edit Code View Plots Session Build Debug Profile Tools Window Help		👼 📮 🖪 🐗 🛤 穼 ९	🖀 💿 Dom. 29 de set. 18:02
e • • RStudio			
🗘 - I 👷 I 🤕 - 🔛 🔛 I 🌧 Co to file/function 🔄 I 📴 - Addins -			Project: (None)
● Untitled1 ×		Environment History Tutorial	-
🗢 🗢 🖌 🔂 Source on Save   🔍 🗡 -   📄	🖙 Run   🍉 🕆 😓   🕞 Source 🕞 🖻	😅 🔚 🐨 Import Dataset 🔹 🕚 108 MIB 👻 ᅦ	🗏 List 🖌 🕜
1		R + 🚳 Global Environment +	۵,
		Environment is em	ıpty
I			
		Files Plots Connections Packages Help Viewer	r Presentation
Operational		A Name Size	Modified
Script		0 B	Sep 5, 2024, 5:54 PM
1:1 (Top Level) :	R Script 0		
Console Terminal × Markers × Background jobs ×	-0	C Cores	
1 K H.H.1 - 1		🗌 🚎 dev	
Natural language support but supping in an English locale		🗌 🗰 etc	
Natural language support but running in an English locale		🗆 🧰 home	
		🗌 🔤 Library	
R is a collaborative project with many contributors.		🗌 📟 opt	
Type 'contributors()' for more information and		private	
citation() on how to cite R or R packages in publications.		Solo	
Type 'demo()' for some demos 'help()' for on-line help, or		U G Users	
The denoty for some denots, netroy for one the help.		🗆 📫 usr	
netp.start() for an HIML prowser interface to help.		🗆 📫 var	
Type 'q()' to quit K.		🗌 📫 Volumes	

Figura 1.5: Captura de tela do RStudio

#### 🥊 Dica

O script é um arquivo salvo no nosso computador. Lembre-se de salvar os scripts com frequência para evitar perder o nosso trabalho.

Podemos salvar um script de algumas formas, como:

- Clicando em File > Save no menu superior.
- Clicando no ícone do disquete ( 🗖 ).
- Utilizando o atalho Ctrl + S (Windows) ou Cmd + S (Mac).

#### 1.6.1 Como executar os códigos?

Podemos escrever e executar códigos no Console ou em um script.

No Console, escrevemos o código diretamente e pressionamos Enter para executá-lo.

Em um Script, escrevemos o código e podemos executá-lo de algumas formas:

- Selecionando o trecho de código que queremos executar e clicando no botão Run do RStudio, ou utilizando o atalho Ctrl + Enter (Windows) ou Cmd + Enter (Mac).
- Clicando no trecho que queremos executar e clicando no botão Run do RStudio, ou utilizando o atalho Ctrl + Enter (Windows) ou Cmd + Enter (Mac).

#### 1.6.2 Comentários

Comentários são textos que não são executados pelo R. Podemos usar comentários para explicar o que um bloco de código faz, para anotar ideias e explicar escolhas feitas, ou para desativar temporariamente um trecho de código.

No R, todo texto em uma linha após um hashtag (#) é um comentário. Por exemplo:

# Este é um comentário

## 1.7 Funções

Agora que já sabemos onde escrever nossos códigos em R (no Console ou em um script), é importante entender o conceito de funções.

Uma função é tipo de objeto no R, que quando executado, executa um bloco de código específico. As funções são úteis para evitar repetição de códigos e organizar o nosso trabalho.

No R, existem muitas funções prontas que podemos utilizar. Por exemplo, a função Sys.Date() retorna a data atual do sistema:

```
# Consutar a data atual do sistema (computador)
Sys.Date()
```

[1] "2025-06-27"

Para utilizar uma função, escrevemos o nome dela seguido de parênteses. Dentro dos parênteses, podemos colocar dados e informações úteis para a função executar a tarefa desejada, e são chamados de **argumentos**.

Por exemplo, a função sqrt() calcula a raiz quadrada de um número. Para utilizá-la, podemos escrever sqrt() e informar esse número entre parênteses:

# Calcular a raiz quadrada de 25
sqrt(25)

[1] 5

Algumas funções podem receber mais de um argumento. Por exemplo, a função round() arredonda um número para um determinado número de casas decimais. Para utilizá-la, podemos escrever round() e informar o número e o número de casas decimais entre parênteses:

pi

#### [1] 3.141593

# Sem argumentos: arredondar o número pi para um número inteiro (0 casas decimais)
round(pi)

#### [1] 3

# Com argumentos: arredondar o número pi para 2 casas decimais round(pi, digits = 2)

#### [1] 3.14

Podemos consultar a documentação de uma função para entender como ela funciona, quais argumentos ela aceita e como utilizá-la. Falaremos mais sobre isso na seção de documentação.

#### 🥊 Dica

Ao adquirir experiência com o R, podemos criar nossas próprias funções. Isso é útil para automatizar tarefas repetitivas e para organizar o código.

### 1.8 Pacotes

Pacotes do R são coleções de funções, dados e documentação que estendem a funcionalidade básica da linguagem.

Para instalar um pacote, utilizamos a função install.packages() e informando o nome do pacote como texto entre aspas. Por exemplo, para instalar o pacote {tidyverse}, utilizamos o seguinte comando:

```
# Instalar o pacote tidyverse
install.packages("tidyverse")
```

Apenas precisamos instalar um pacote uma vez.

Depois de instalado, podemos carregá-lo com a função library(), para que as funções do pacote fiquem disponíveis para uso:

```
# Carregar o pacote tidyverse
library(tidyverse)
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ---
                                                   ----- tidyverse 2.0.0 --
v dplyr
           1.1.4
                    v readr
                                2.1.5
v forcats
           1.0.0
                    v stringr
                                1.5.1
v ggplot2
           3.5.2
                    v tibble
                                3.3.0
v lubridate 1.9.4
                     v tidyr
                                1.3.1
v purrr
           1.0.4
-- Conflicts ---
                         ----- tidyverse_conflicts() --
              _____
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()
                 masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become
```

Precisamos carregar o pacote sempre que abrirmos um novo script, ou quando reiniciamos o RStudio. Uma pratica frequente é carregar os principais pacotes necessários no início do script.

#### 🍐 Cuidado

Uma outra forma de acessar uma função é utilizando o operador ::. Por exemplo, para acessar a função read\_csv() do pacote {readr}, podemos escrever readr::read\_csv(). Essa sintaxe é menos frequente, porém útil para evitar problemas de conflito de funções com o mesmo nome em pacotes diferentes. Esse problema acontece mais frequentemente quando carregamos muitos pacotes em um mesmo script.

Por exemplo: o pacote {dplyr} apresenta uma função filter(), e o pacote {stats} também apresenta uma função filter(). Se não usarmos o operador ::, a função utilizada será a do pacote que foi carregado por último. Usando o operador ::, podemos escolher qual função queremos utilizar.

#### 1.8.1 Repositório de pacotes

Existem diferentes repositórios de pacotes do R, que são locais onde os pacotes são armazenados e disponibilizados para instalação.

O CRAN (*Comprehensive R Archive Network*) é o repositório oficial de pacotes do R. Ele contém milhares de pacotes que podem ser instalados e utilizados gratuitamente. Em maio de 2025, o CRAN continha mais de 22.000 pacotes disponíveis. Para que um pacote seja adicionado ao CRAN, ele deve atender a critérios de qualidade de software.

A rOpenSci é uma organização que mantêm uma coleção de pacotes que foram revisados por pares e que atendem a critérios de qualidade. Esses pacotes são voltados para pesquisa, ciência aberta e reprodutibilidade.

R <sub>OpenSci</sub>	<b>⊕</b> EN <del>▼</del>	About	Blog	Projects	Packages	Community	Resources	Search		
Geos Access, Man	spatia	: Geospatial E	Data							
Q Searc	ch by name, main	ntainer or key ntal A	/word					Sho	Search wing 10 of 31	
	<b>mbquartR</b> Finding Manit	Peer-reviewed	Sections				Maintainer Alex Koiter		+	
	<b>rnaturalea</b> World Map Da	arth CRAN ata from Natu	Peer-reviewed				Maintainer Philippe Ma	ssicotte	+	
	<b>rsi</b> CRAN F Efficiently Ret	Peer-reviewed	ocess Satell	ite Imagery			Maintainer Michael Mal	honey	+	

Figura 1.6: Captura de tela da página da rOpenSci: página de pacotes no tema Geoespacial

A rOpenSci também mantém o R-universe, uma plataforma que permite que pacotes sejam publicados e compartilhados de forma mais fácil. O R Universe é uma alternativa ao CRAN, e permite que pacotes sejam publicados sem a necessidade de passar pelo processo de revisão do CRAN.



Figura 1.7: Captura de tela da página do R-Universe

Outros repositórios de pacotes também existem, como o Bioconductor, que é voltado para análise de dados biológicos e genômicos.

## 1.9 Documentação

As funções e pacotes do R apresentam textos com explicações e exemplos de uso, chamados de **documentação**.

As documentações podem ser acessadas online, ou diretamente no RStudio.

#### 1.9.1 Documentação no RStudio

No RStudio, podemos acessar a documentação de uma função ou pacote das seguintes formas:

• Para buscar informações sobre funções de pacotes já carregados (com library), podemos utilizar a função help(), informando o nome da função que queremos buscar como argumento (ex: help(mean)), ou utilizar o operador ?, seguido do nome da função (ex: ?mean).

```
# Abrir a documentação da função mean()
help(mean)
?mean
```

• Para fazer uma por funções presentes em todos os pacotes instalados no computador, podemos utilizar o operador ??, seguido pelo termo que queremos buscar (ex: ??mean). Essa é uma busca mais ampla, que procura pelo termo no nome e na descrição das funções.

```
# Buscar por funções que contenham o termo "mean"
??mean
```

• Podemos utilizar o painel Help para buscar informações sobre funções e pacotes:



Figura 1.8: Captura de tela do RStudio: Painel Help

Além disso, a maioria dos pacotes vem com textos explicativos sobre como usá-los, chamadas de *vignettes*. Elas estão disponíveis online, mas também podem ser acessadas diretamente no RStudio.

Para acessar no RStudio, podemos usar a função browseVignettes() para listar as vignettes disponíveis para um pacote específico. A lista será apresentada em uma janela do navegador (ex: Google Chrome, Firefox, Safari, etc):

# Listar as vignettes do pacote dplyr browseVignettes("dplyr")

Vignettes found by "browseVignettes("dplyr")"

Vignettes in package dplyr

- Column-wise operations <u>HTML</u> source <u>R code</u>
- dplyr <-> base R <u>HTML</u> <u>source</u> <u>R code</u>
- Grouped data <u>HTML</u> source <u>R code</u>
- Introduction to dplyr HTML source R code
- Programming with dplyr <u>HTML</u> source <u>R code</u>
- Row-wise operations <u>HTML</u> <u>source</u> <u>R code</u>
- Two-table verbs <u>HTML</u> source <u>R code</u>
- Using dplyr in packages <u>HTML</u> source <u>R code</u>
- Window functions <u>HTML</u> <u>source</u> <u>R code</u>

Figura 1.9: Captura de tela: Lista de Vignettes do pacote dplyr

#### 1.9.2 Documentação online

Como citado anteriormente, é possível acessar a documentação dos pacotes diretamente no RStudio e também online. No geral, o conteúdo disponível online é igual ao disponível no RStudio, mas pode ser mais fácil de buscar e navegar.

Uma forma de acessar a documentação online é fazendo uma busca no Google com os termos "R documentation {nome da função}". Por exemplo: "R documentation mean()".

Alguns pacotes apresentam também sites próprios com documentações e vignettes.

Por exemplo, o pacote {dplyr} (que usaremos no curso) tem um site próprio onde conseguimos acessar a documentação. Os pacotes do tidyverse apresentam sites similares, com páginas com os seguintes conteúdos:

- Em *Get started* encontramos uma introdução ao pacote, e exemplos de uso para quem quer aprender a usá-lo.
- Em *Reference*, encontramos a lista de funções disponíveis no pacote, e podemos acessar a documentação de cada uma delas:



Figura 1.10: Captura de tela: Site do pacote dplyr - Reference

• Em *Articles* podemos acessar as *vignettes*:

dplyr 1.1.4 Get started Reference Articles ▼ News ▼		Search for	0
Articles	ON THIS PAGE Get started Automate Other		
Introduction to dplyr Start here if this is your first time using dplyr. You'll learn the basic philosophy, the most important data manipulation verbs, and the pipe, %>%, which allows you to combine multiple verbs together to solve real problems.			
Grouped data To unlock the full potential of dplyr, you need to understand how each verb interacts with grouping. This vignette shows you how to manipulate grouping, how each verb changes its behaviour when working with grouped data, and how you can access data about the "current" group from within a verb.			
Two-table verbs Most dplyr verbs work with a single data set, but most data analyses involve multiple datasets. This vignette introduces you to the dplyr verbs that work with more one than data set, and introduces to the mutating joins, filtering joins, and the set operations.			
<u>dplyr &lt;-&gt; base R</u> How does dplyr compare to base R? This vignette describes the main differences in philosophy, and shows the base R code most closely equivalent to each dplyr verb.			

Figura 1.11: Captura de tela: Site do pacote dplyr - Vignettes

#### 1.9.3 Cheatsheets

As *cheatsheets* (ou folhas de cola) são documentos resumidos com informações sobre funções e pacotes. Elas são úteis para consulta rápida.

A Posit (empresa que desenvolve o RStudio) disponibiliza *cheatsheets* para diversos pacotes e tópicos. Elas podem ser acessadas no site Posit Cheatsheets.

A lista a seguir apresenta algumas *cheatsheets* sobre temas que serão abordados ao longo do curso:

- RStudio IDE
- Importação de dados com o tidyverse
- Transformação de dados com dplyr
- Visualização de dados com ggplot2
- Arrumando dados com tidyr

## 1.10 Materiais complementares

- Materiais do curso Introdução à análise de dados no R:
  - Instalação
  - Conhecendo o R e o RStudio
- Livro R para Ciência de Dados 2ed:
  - Introdução > Pré-requisitos em diante
  - Fluxo de Trabalho: obtendo ajuda

## 2 Conceitos básicos do R

Existem muitos conceitos básicos que são fundamentais para quem está começando a programar em R.

Nesta aula, vamos abordar alguns conceitos considerados mais importantes para as próximas aulas.

## 2.1 Operações matemáticas

O R permite realizar operações matemáticas básicas, como soma, subtração, multiplicação, divisão, potenciação, entre outras.

1 + 1 # Soma
[1] 2
1 - 1 # Subtração
[1] 0
2 \* 3 # Multiplicação
[1] 6
10 / 2 # Divisão
[1] 5
2 ^ 3 # Potenciação

[1] 8

A ordem matemática das operações também vale no R. Por exemplo, a expressão 2 + 3 \* 4 será calculada como 2 + (3 \* 4):

2 + 3 \* 4

[1] 14

## 2.2 Objetos

No R, um objeto é uma estrutura de dados que armazena valores: podemos armazenar um valor único, um conjunto de valores, uma base de dados, entre outros.

É muito útil armazenar valores em objetos, pois podemos reutilizá-los em diferentes partes do código, sem precisar digitar o valor novamente.

#### 2.2.1 Objetos existentes no R

Existem alguns objetos já criados no R, como por exemplo o objeto letters, que armazena as letras do alfabeto:

pi

[1] 3.141593

letters

[1] "a" "b" "c" "d" "e" "f" "g" "h" "i" "j" "k" "l" "m" "n" "o" "p" "q" "r" "s" [20] "t" "u" "v" "w" "x" "v" "z"

🛕 Aviso

O R é *case-sensitive*, ou seja, ele diferencia letras maiúsculas de minúsculas. Portanto, nome é diferente de Nome.

Por exemplo, o objeto pi armazena o valor de (com um número limitado de casas decimais). O nome do objeto é escrito em minúsculas:

pi

[1] 3.141593

Se tentarmos acessar o objeto com o nome em maiúsculas, o R irá retornar um erro, pois esse objeto não existe:

Ρi

```
Error: object 'Pi' not found
```

#### 2.2.2 Criando um objeto

Para criar um objeto, precisamos definir um nome, e atribuir um valor à este nome. Para isso, usamos o operador de atribuição: <-. Um atalho para esse operador é o Ctrl + - no Windows, ou Option + - no Mac .

No exemplo a seguir, criamos um objeto chamado nome\_do\_curso e atribuímos a ele o texto "Universidade Federal do ABC":

nome\_do\_curso <- "Universidade Federal do ABC"</pre>

Podemos acessar o valor armazenado em um objeto digitando o nome do objeto:

nome\_do\_curso

```
[1] "Universidade Federal do ABC"
```

O objeto apenas será alterado se utilizarmos o operador de atribuição novamente. Por exemplo, a função tolower() transforma todas as letras de um texto em minúsculas:

tolower(nome\_do\_curso)

#### [1] "universidade federal do abc"

Mas como não utilizamos a atribuição, o objeto nome\_do\_curso não foi alterado:

nome\_do\_curso

[1] "Universidade Federal do ABC"

Para alterar o objeto, precisamos atribuir o resultado da função tolower() ao objeto nome\_do\_curso:

nome\_do\_curso <- tolower(nome\_do\_curso)</pre>

Agora, o objeto nome\_do\_curso foi alterado:

nome\_do\_curso

[1] "universidade federal do abc"

Portanto, cuidado: ao criar um objeto com nome igual à outro objeto existente, o objeto anterior será substituído pelo novo objeto.

#### 2.3 Tipos de objetos

Existem diferentes tipos de objetos no R, e cada tipo de objeto possui diferentes propriedades. Os principais tipos de objetos que utilizaremos ao longo do curso são: vetores e *data.frames*.

#### 2.3.1 Vetores

Vetores armazenam um conjunto de valores de uma dimensão. Eles podem ser criados com a função c(), que significa *combine* (combinar). Por exemplo, para criar um vetor com os números de 1 a 5:

vetor\_de\_numeros <- c(1, 2, 3, 4, 5)

Os vetores podem armazenar diferentes tipos de dados, como números, textos, fatores, entre outros. Porém cada vetor pode armazenar apenas um tipo de dado. Por exemplo, se tentarmos criar um vetor que armazena números e textos, o R irá converter todos os valores para texto. Essa propriedade é chamada de **coerção**.

```
vetor_misto <- c(1, 2, "três", 4, 5)
class(vetor_misto)</pre>
```

[1] "character"

vetor\_misto

[1] "1" "2" "três" "4" "5"

No geral, podemos converter dados sem perder informação seguindo essa ordem: Lógico > Inteiro > Numérico > Texto.

#### 2.3.2 Data.frames

Os *data.frames* são conjuntos de valores com duas dimensões: linhas e colunas. Porém, diferente do que vimos para as matrizes, os *data.frames* podem armazenar diferentes tipos de dados em cada coluna.

Esse é o principal tipo de objeto que utilizaremos nesse curso, pois ele é muito útil para armazenar dados tabulares.

Existem alguns *data.frames* já criados no R, como o **airquality**, que armazena dados sobre a qualidade do ar na cidade de Nova York, em 1973. Essas são as primeiras linhas do *data.frame* **airquality**:

head(airquality)

Ozone	Solar.R	Wind	Temp	Month	Day
41	190	7.4	67	5	1
36	118	8.0	72	5	2
12	149	12.6	74	5	3
18	313	11.5	62	5	4
NA	NA	14.3	56	5	5
28	NA	14.9	66	5	6
	Ozone 41 36 12 18 NA 28	Ozone Solar.R 41 190 36 118 12 149 18 313 NA NA 28 NA	Ozone Solar.R Wind 41 190 7.4 36 118 8.0 12 149 12.6 18 313 11.5 NA NA 14.3 28 NA 14.9	Ozone         Solar.R         Wind         Temp           41         190         7.4         67           36         118         8.0         72           12         149         12.6         74           18         313         11.5         62           NA         NA         14.3         56           28         NA         14.9         66	Ozone         Solar.R         Wind         Temp         Month           41         190         7.4         67         5           36         118         8.0         72         5           12         149         12.6         74         5           18         313         11.5         62         5           NA         NA         14.3         56         5           28         NA         14.9         66         5

Para criar um data.frame, podemos usar a função data.frame(). Entretanto, o mais comum é importar dados de arquivos, como CSV, Excel, ou de bancos de dados. Falaremos sobre como importar dados na próxima aula.

## 2.4 Materiais complementares

- Materiais do curso Introdução à análise de dados no R:
  - Diretório de trabalho e projetos
  - Linguagem R

## 3 Análise exploratória de dados - Parte 1

Nesta aula, vamos conhecer algumas funções do R e do pacote tidyverse que nos ajudam a fazer uma análise exploratória dos dados.

#### i Dados

Utilizaremos dados de saneamento por municipio do estado de São Paulo, disponibilizados pela CETESB<sup>1</sup>, referente à 2022.

O arquivo csv pode ser baixado através deste link.

Esses dados foram originalmente disponibilizados em PDF, e foram extraídos e organizados por Beatriz Milz.

#### 3.1 Criando um projeto

O RStudio possui uma funcionalidade chamada **projetos**. Quando criamos um projeto no RStudio, uma nova pasta é criada no computador, e o RStudio define essa pasta como o diretório de trabalho. Além disso, o RStudio também cria um arquivo com a extensão .**Rpro**j dentro dessa pasta, que contém informações sobre o projeto.

É recomendado que sempre trabalhemos em projetos no RStudio, pois isso facilita a organização dos arquivos e a reprodução do código.

É recomendado também salvar os arquivos referentes ao projeto (como scripts, bases de dados, resultados, etc) dentro do projeto. Isso não significa que precisamos colocar todos os arquivos dentro da pasta principal do projeto: podemos criar sub-pastas para organizar os arquivos.

Para criar um projeto no RStudio, primeiro precisamos acessar o menu de criação de projetos (*New project Wizard*). Podemos fazer isso de três formas:

- No menu superior, clicando em File > New Project...
- Clicando no ícone de novo projeto na barra de ferramentas do RStudio:



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>O arquivo original não apresenta um dicionário de dados, portanto as descrições foram elaboradas com base no conteúdo do arquivo e na documentação do ICTEM (Indicador de Coleta e Tratabilidade de Esgoto da População Urbana de Município) disponível no site da CETESB.

• No canto superior esquerdo, clicando no botão referente à projetos, e depois em New Project...:



Figura 3.1: Captura de tela do RStudio: Menu de projetos

Depois, escolhemos o tipo de projeto que queremos criar. No geral, escolhemos a opção New Directory, para criar uma nova pasta no computador:

New Project Wizard						
Create Pro	oject					
R	New Directory Start a project in a brand new working directory	>				
R	Existing Directory Associate a project with an existing working directory	>				
P	Version Control Checkout a project from a version control repository	>				
		Cancel				

Figura 3.2: Captura de tela do RStudio: Criando um projeto

Depois, escolhemos o tipo de projeto que queremos criar. Cada tipo de projeto apresenta arquivos específicos de template. O RStudio apresenta algumas opções de projeto, porém é possível adicionar novos tipos de projeto instalandos pacotes específicos.

No geral, escolhemos a opção New Project, para criar um projeto simples:

New Project Wizard	
Back Project Type	
New Project	>
🗊 R Package	>
R Shiny Application	>
🤨 Quarto Project	>
😑 Quarto Website	>
剩 Quarto Blog	>
🚨 Quarto Book	>
	Cancel

Figura 3.3: Captura de tela do RStudio: Escolhendo o tipo de projeto

Na tela seguinte, precisamos informar o nome do projeto (no campo *Directory name*) e o diretório onde ele será criado (no campo *Create project as subdirectory of*):

New Project Wizard	
Back	Create New Project
R	Directory name: nome_do_projeto Create project as subdirectory of: ~/Desktop Browse Create a git repository Use renv with this project
Open in new se	ssion Create Project Cancel

Figura 3.4: Captura de tela do RStudio: Nomeando o projeto

Após preencher as informações solicitadas, clicamos em Create Project. O RS<br/>tudio criará o projeto e o abrirá:



Figura 3.5: Captura de tela do RStudio: projeto criado

🥊 Dica

Note que o nome do projeto que criamos aparece no canto superior direito do RStudio.

### 3.2 Salvando os dados no projeto

Para facilitar o trabalho, vamos salvar os dados que utilizaremos nesta aula dentro do projeto que acabamos de criar.

Primeiro, vamos criar uma pasta chamada dados dentro do projeto:

```
dir.create("dados")
```

Depois, vamos baixar os dados da CETESB e salvar na pasta dados que acabamos de criar:



Confira se o arquivo foi baixado corretamente, e se está na pasta dados do projeto.

## 3.3 Importando os dados

Para importar os dados que acabamos de baixar, vamos utilizar a função read\_csv() do pacote readr, que faz parte do tidyverse.

Lembre-se de carregar o pacote tidyverse antes de utilizar a função read\_csv():

library(tidyverse)

```
-- Attaching core tidyverse packages ------ tidyverse 2.0.0 --
                  v readr
       1.1.4
v dplyr
                             2.1.5
v forcats 1.0.0
                  v stringr
                             1.5.1
v ggplot2 3.5.2
                   v tibble
                             3.3.0
                             1.3.1
v lubridate 1.9.4
                   v tidyr
v purrr
          1.0.4
-- Conflicts ------ tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()
               masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become
```

Agora, podemos importar os dados:

dados\_cetesb <- read\_csv("dados/dados-cetesb-2022.csv")</pre>

```
Rows: 645 Columns: 12
-- Column specification -----
Delimiter: ","
chr (2): uf, municipio
dbl (10): ano, ugrhi, codigo_ibge, populacao_urbana, atendimento_coleta_porc...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

Vamos conferir se os dados foram importados corretamente, utilizando a função glimpse():

glimpse(dados\_cetesb)

Ro	ows: 645			
Columns: 12				
\$	ano	<dbl></dbl>	2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022-	
\$	uf	<chr></chr>	"SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP",	
\$	ugrhi	<dbl></dbl>	1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,	
\$	municipio	<chr></chr>	"Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi-	
\$	codigo_ibge	<dbl></dbl>	3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~	
\$	populacao_urbana	<dbl></dbl>	52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~	
\$	atendimento_coleta_porc	<dbl></dbl>	52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~	
\$	atendimento_tratamento_porc	<dbl></dbl>	100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~	
\$	eficiencia	<dbl></dbl>	93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~	
\$	carga_poluidora_potencial	<dbl></dbl>	2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~	
\$	$carga_poluidora_remancescente$	<dbl></dbl>	1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~	
\$	ictem	<dbl></dbl>	5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~	

A função View() também pode ser utilizada para visualizar os dados em uma tabela interativa:

View(dados\_cetesb)

- - -

## 3.4 Conhecendo a base de dados

Para conhecer melhor a base de dados, podemos utilizar algumas funções para explorar as colunas e os tipos de dados.

A função nrow() nos mostra o número de linhas da base de dados, e a função ncol() nos mostra o número de colunas:

nrow(dados\_cetesb)

[1] 645

ncol(dados\_cetesb)

#### [1] 12

A função colnames() nos mostra os nomes das colunas:

[1]	"ano"	"uf"
[3]	"ugrhi"	"municipio"
[5]	"codigo_ibge"	"populacao_urbana"
[7]	"atendimento_coleta_porc"	"atendimento_tratamento_porc"
[9]	"eficiencia"	"carga_poluidora_potencial"
[11]	"carga_poluidora_remancescente"	"ictem"

Segue abaixo uma tabela com os nomes das colunas e suas descrições<sup>2</sup>:

Nome da coluna	Descrição
ano	Ano de referência dos dados
uf	Unidade da Federação (estado)
ugrhi	Unidade de Gerenciamento de Recursos
	Hídricos
municipio	Nome do município
codigo_ibge	Código do município no IBGE
populacao_urbana	População urbana do município
$atendimento\_coleta\_porc$	Percentual de atendimento da coleta de
	esgoto
atendimento_tratamento_porc	Percentual de atendimento do tratamento de
	esgoto, <b>para o esgoto coletado</b>
eficiencia	Eficiência do sistema de esgoto
carga_poluidora_potencial	Carga poluidora potencial do esgoto coletado
$carga\_poluidora\_remancescente$	Carga poluidora remanescente do esgoto coletado
ictem	Indicador de Coleta e Tratabilidade de
	Esgoto da População Urbana de Município (ICTEM)

A função head() nos mostra as primeiras linhas da base de dados, e a função tail() nos mostra as últimas linhas:

head(dados\_cetesb)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>O arquivo original não apresenta um dicionário de dados, portanto as descrições foram elaboradas com base no conteúdo do arquivo e na documentação do ICTEM (Indicador de Coleta e Tratabilidade de Esgoto da População Urbana de Município) disponível no site da CETESB.
```
# A tibble: 6 x 12
    ano uf
           ugrhi municipio
                                          codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>
                                                 <dbl>
                                                                  <dbl>
1 2022 SP
                1 Campos do Jordão
                                               3509700
                                                                  52384
2 2022 SP
                1 Santo Antônio do Pinhal
                                               3548203
                                                                   4067
3 2022 SP
                1 São Bento do Sapucaí
                                                                   5251
                                               3548609
4 2022 SP
                2 Aparecida
                                               3502507
                                                                  35684
                 2 Arapeí
5 2022 SP
                                               3503158
                                                                   1844
6 2022 SP
                 2 Areias
                                                                   2619
                                               3503505
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
   atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#
#
    carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#
    ictem <dbl>
```

```
tail(dados_cetesb)
```

```
# A tibble: 6 x 12
```

	ano	uf	ugrhi	municipio	codigo_ibge	populacao_urbana	
	<dbl></dbl>	< chr >	<dbl></dbl>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	
1	2022	SP	22	Rosana	3544251	12828	
2	2022	SP	22	Sandovalina	3545506	3074	
3	2022	SP	22	Santo Anastácio	3547700	19434	
4	2022	SP	22	Taciba	3552908	5410	
5	2022	SP	22	Tarabai	3553906	7035	
6	2022	SP	22	Teodoro Sampaio	3554300	18996	
#	i 6 mo	ore vai	riables	s: atendimento_co	oleta_porc <	dbl>,	
#	atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,</dbl></dbl>						

```
# carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
```

```
# ictem <dbl>
```

A função summary() nos mostra um resumo de estatísticas descritivas para todas as colunas. Mas cuidado: nem todos os resultados fazem sentido (exemplo: a coluna codigo\_ibge é um identificador, e não devemos calcular estatísticas descritivas para ela).

summary(dados\_cetesb)

an	.0	uf	ugr	hi	munic	ipio
Min.	:2022	Length:645	Min.	: 1.00	Length	:645
1st Qu.	:2022	Class :character	1st Qu.	: 7.00	Class	:character
Median	:2022	Mode :character	Median	:13.00	Mode	:character
Mean	:2022		Mean	:12.38		

3rd Qu.:2022		3rd Qu.:17	7.00
Max. :2022		Max. :22	2.00
codigo_ibge	populacao_	urbana atendin	nento_coleta_porc
Min. :3500105	Min. :	653 Min.	: 12.80
1st Qu.:3514601	1st Qu.:	4498 1st Qu.	.: 88.30
Median :3528700	Median :	11524 Median	: 98.70
Mean :3528698	Mean :	69406 Mean	: 91.06
3rd Qu.:3543204	3rd Qu.:	39045 3rd Qu	.:100.00
Max. :3557303	Max. :12	284940 Max.	:100.00
atendimento_tratam	mento_porc	eficiencia	carga_poluidora_potencial
Min. : 0.00		Min. : 0.00	Min. : 35
1st Qu.:100.00		1st Qu.:74.97	1st Qu.: 243
Median :100.00		Median :83.45	Median : 622
Mean : 89.73		Mean :77.04	Mean : 3748
3rd Qu.:100.00		3rd Qu.:88.80	3rd Qu.: 2108
Max. :100.00		Max. :99.10	Max. :663387
NA's :5		NA's :5	
carga_poluidora_re	emancescent	e ictem	
Min. : 1.0		Min. : 0.75	
1st Qu.: 49.0		1st Qu.: 6.78	
Median : 156.0		Median : 8.21	
Mean : 1409.2		Mean : 7.76	
3rd Qu.: 617.8		3rd Qu.: 9.94	
Max. :231038.0		Max. :10.00	
NA's :5			

# 3.5 Calculando estatísticas descritivas

Como vimos acima, a função summary() nos dá um resumo de estatísticas descritivas para todas as colunas.

Também podemos calcular estatísticas descritivas específicas para colunas numéricas, como média, mediana, desvio padrão, entre outras.

função	descrição
sum()	calcula a soma dos valores
mean()	calcula a média
median()	calcula a mediana
var()	calcula a variância

função	descrição
sd()	calcula o desvio padrão
min()	calcula o valor mínimo
max()	calcula o valor máximo
quantile()	calcula os quantis (percentis)

## O operador \$

Quando estamos trabalhando com *data.frames* (ou *tibbles*) podemos utilizar o operador \$ para acessar uma coluna específica. O resultado será um vetor com os valores dessa coluna.

Por exemplo, para acessar a coluna atendimento\_coleta\_porc, podemos fazer:

dados\_cetesb\$atendimento\_coleta\_porc

52.6	46.7	98.0	70.0	95.6	100.0	88.1	100.0	100.0	84.6	74.3	90.0
60.4	98.2	30.7	98.2	100.0	83.5	73.2	99.6	84.4	96.0	68.0	100.0
84.3	85.0	77.2	44.3	93.6	64.0	57.3	84.7	94.4	88.3	95.9	100.0
98.6	78.6	40.5	44.6	34.7	100.0	99.0	100.0	96.4	100.0	91.4	99.0
85.2	88.5	100.0	99.0	99.5	99.2	100.0	96.2	100.0	96.9	100.0	92.8
100.0	100.0	91.7	100.0	96.5	95.7	95.0	96.0	98.0	67.8	20.0	89.6
96.3	60.2	95.0	86.9	100.0	100.0	98.0	94.6	100.0	95.2	97.7	90.5
100.0	89.7	74.2	98.0	29.7	65.2	99.5	100.0	86.6	100.0	95.0	90.7
89.9	12.8	96.2	94.9	70.6	99.0	96.0	52.9	100.0	100.0	99.8	99.0
100.0	98.0	99.0	100.0	100.0	100.0	90.0	95.0	50.0	94.3	46.4	84.2
91.5	71.5	83.5	53.1	74.0	74.4	69.8	54.0	97.5	72.3	40.5	82.7
58.2	74.0	86.4	52.0	64.5	63.0	74.1	25.8	93.0	60.7	77.8	51.0
96.8	71.2	50.2	77.3	46.9	99.5	92.3	100.0	89.5	94.5	89.5	66.0
51.3	69.4	49.3	82.9	81.2	80.0	96.6	79.4	100.0	99.0	99.7	97.0
100.0	100.0	100.0	96.9	100.0	98.8	100.0	100.0	87.5	100.0	100.0	100.0
100.0	87.1	97.8	98.3	100.0	95.9	98.1	98.8	99.0	100.0	100.0	100.0
97.0	99.1	100.0	100.0	93.7	100.0	99.8	100.0	100.0	100.0	100.0	70.0
100.0	99.2	96.0	100.0	100.0	100.0	98.9	96.4	100.0	100.0	97.0	100.0
100.0	96.3	92.4	100.0	78.3	100.0	77.5	100.0	56.2	70.9	86.9	42.1
40.0	89.0	88.3	100.0	66.2	75.6	98.0	100.0	82.1	49.6	90.2	100.0
90.0	96.4	77.0	100.0	73.8	79.7	99.9	69.2	98.9	48.5	58.0	99.0
97.2	86.5	89.2	35.4	99.0	61.9	87.6	73.9	86.7	83.3	97.9	60.3
44.5	67.9	61.5	82.1	38.3	100.0	83.0	16.6	86.6	93.9	58.3	99.6
62.7	31.6	75.8	79.5	89.3	100.0	99.1	100.0	100.0	100.0	99.5	90.4
100.0	100.0	93.1	100.0	100.0	99.7	77.0	99.2	98.8	99.0	98.3	100.0
100.0	100.0	100.0	100.0	98.5	100.0	100.0	93.0	100.0	95.0	100.0	100.0
	52.6 60.4 84.3 98.6 85.2 100.0 96.3 100.0 91.5 58.2 96.8 51.3 100.0 100.0 100.0 100.0 97.0 100.0 97.0 100.0 97.2 44.5 62.7 100.0 100.0	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	52.6 $46.7$ $98.0$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $87.1$ $97.8$ $97.0$ $99.1$ $100.0$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $96.4$ $77.0$ $97.2$ $86.5$ $89.2$ $44.5$ $67.9$ $61.5$ $62.7$ $31.6$ $75.8$ $100.0$ $100.0$ $93.1$ $100.0$ $100.0$ $100.0$	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $96.9$ $100.0$ $87.1$ $97.8$ $98.3$ $97.0$ $99.1$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $90.0$ $96.4$ $77.0$ $100.0$ $97.2$ $86.5$ $89.2$ $35.4$ $44.5$ $67.9$ $61.5$ $82.1$ $62.7$ $31.6$ $75.8$ $79.5$ $100.0$ $100.0$ $93.1$ $100.0$	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $99.0$ $99.5$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $46.9$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $81.2$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $96.9$ $100.0$ $100.0$ $87.1$ $97.8$ $98.3$ $100.0$ $97.0$ $99.1$ $100.0$ $100.0$ $93.7$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $73.8$ $97.2$ $86.5$ $89.2$ $35.4$ $99.0$ $44.5$ $67.9$ $61.5$ $82.1$ $38.3$ $97.2$ $86.5$ $89.2$ $35.4$ $99.0$ $44.5$ $67.9$ $61.5$ $82.1$ $38.3$ $100.0$ $100.0$ $93.1$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $93.1$ $100.0$ $98.5$ <td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>100.0</math><math>87.1</math></td> <td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>100.0</math><math>88.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>96.6</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>87.1</math><math>97.8</math><math>98.3</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><math>99.1</math><math>100.0</math><math>93.7</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><math>99.2</math><math>96.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><math>99.2</math><math>96.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>96.6</math><math>79.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>93.7</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>87.1</math><math>97.8</math><math>98.3</math><math>100.0</math><math>98.9</math><!--</td--><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>96.6</math><math>79.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>93.7</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>60.7</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>94.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>74.3</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>68.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>95.9</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>91.4</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>20.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>97.7</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>95.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>99.8</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>46.4</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>40.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math></td></td></td></td></td>	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $100.0$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $83.5$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $64.0$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $100.0$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $99.0$ $99.5$ $99.2$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $95.7$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $74.4$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $63.0$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $46.9$ $99.5$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $81.2$ $80.0$ $100.0$ $87.1$	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $100.0$ $88.1$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $83.5$ $73.2$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $64.0$ $57.3$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $100.0$ $99.0$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $99.0$ $99.5$ $99.2$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $95.7$ $95.0$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $98.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $99.5$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $96.0$ $100.0$ $88.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $90.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $74.4$ $69.8$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $63.0$ $74.1$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $46.9$ $99.5$ $92.3$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $81.2$ $80.0$ $96.6$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $98.8$ $100.0$ $100.0$ $87.1$ $97.8$ $98.3$ $100.0$ $98.8$ $100.0$ $99.1$ $100.0$ $93.7$ $100.0$ $98.8$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ $100.0$ $100.0$ $98.8$ $100.0$ $99.2$ $96.0$ <td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>96.6</math><math>79.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>93.7</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>87.1</math><math>97.8</math><math>98.3</math><math>100.0</math><math>98.9</math><!--</td--><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>96.6</math><math>79.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>93.7</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>60.7</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>94.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>74.3</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>68.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>95.9</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>91.4</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>20.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>97.7</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>95.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>99.8</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>46.4</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>40.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math></td></td></td></td>	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $100.0$ $88.1$ $100.0$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $83.5$ $73.2$ $99.6$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $64.0$ $57.3$ $84.7$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $100.0$ $99.0$ $100.0$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $99.0$ $99.5$ $99.2$ $100.0$ $96.2$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $95.7$ $95.0$ $96.0$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $98.0$ $94.6$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $99.5$ $100.0$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $96.0$ $52.9$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $90.0$ $95.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $74.4$ $69.8$ $54.0$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $63.0$ $74.1$ $25.8$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $46.9$ $99.5$ $92.3$ $100.0$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $81.2$ $80.0$ $96.6$ $79.4$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $93.7$ $100.0$ $98.8$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $87.1$ $97.8$ $98.3$ $100.0$ $98.9$ </td <td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.6</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><math>96.6</math><math>79.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>93.7</math><math>100.0</math><math>98.8</math><math>100.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>60.7</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>94.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>74.3</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>68.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>95.9</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>91.4</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>20.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>97.7</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>95.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>99.8</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>46.4</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>40.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math></td></td></td>	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $100.0$ $88.1$ $100.0$ $100.0$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $83.5$ $73.2$ $99.6$ $84.4$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $64.0$ $57.3$ $84.7$ $94.4$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $100.0$ $99.0$ $99.6$ $99.0$ $100.0$ $96.2$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $95.7$ $95.0$ $96.0$ $98.0$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $98.0$ $94.6$ $100.0$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $99.5$ $100.0$ $86.6$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $96.0$ $52.9$ $100.0$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $90.0$ $95.0$ $50.0$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $74.4$ $69.8$ $54.0$ $97.5$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $63.0$ $74.1$ $25.8$ $93.0$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $46.9$ $99.5$ $92.3$ $100.0$ $89.5$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $81.2$ $80.0$ $96.6$ $79.4$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $93.7$ $100.0$ $98.8$ $100.0$ <td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math><math>25.8</math><math>93.0</math><math>60.7</math><math>96.8</math><math>71.2</math><math>50.2</math><math>77.3</math><math>46.9</math><math>99.5</math><math>92.3</math><math>100.0</math><math>89.5</math><math>94.5</math><math>51.3</math><math>69.4</math><math>49.3</math><math>82.9</math><math>81.2</math><math>80.0</math><td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>74.3</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>68.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>95.9</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>91.4</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>20.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>97.7</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>95.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>99.8</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>46.4</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>40.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math></td></td>	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $100.0$ $88.1$ $100.0$ $100.0$ $84.6$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $83.5$ $73.2$ $99.6$ $84.4$ $96.0$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $64.0$ $57.3$ $84.7$ $94.4$ $88.3$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $100.0$ $99.0$ $99.5$ $99.2$ $100.0$ $96.2$ $100.0$ $96.4$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $95.7$ $95.0$ $96.0$ $98.0$ $67.8$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $94.6$ $100.0$ $95.2$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $99.5$ $100.0$ $86.6$ $100.0$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $96.0$ $52.9$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $90.0$ $95.0$ $50.0$ $94.3$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $74.4$ $69.8$ $54.0$ $97.5$ $72.3$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $63.0$ $74.1$ $25.8$ $93.0$ $60.7$ $96.8$ $71.2$ $50.2$ $77.3$ $46.9$ $99.5$ $92.3$ $100.0$ $89.5$ $94.5$ $51.3$ $69.4$ $49.3$ $82.9$ $81.2$ $80.0$ <td>52.6<math>46.7</math><math>98.0</math><math>70.0</math><math>95.6</math><math>100.0</math><math>88.1</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>84.6</math><math>74.3</math><math>60.4</math><math>98.2</math><math>30.7</math><math>98.2</math><math>100.0</math><math>83.5</math><math>73.2</math><math>99.6</math><math>84.4</math><math>96.0</math><math>68.0</math><math>84.3</math><math>85.0</math><math>77.2</math><math>44.3</math><math>93.6</math><math>64.0</math><math>57.3</math><math>84.7</math><math>94.4</math><math>88.3</math><math>95.9</math><math>98.6</math><math>78.6</math><math>40.5</math><math>44.6</math><math>34.7</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.4</math><math>100.0</math><math>91.4</math><math>85.2</math><math>88.5</math><math>100.0</math><math>99.0</math><math>99.5</math><math>99.2</math><math>100.0</math><math>96.2</math><math>100.0</math><math>96.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>91.7</math><math>100.0</math><math>96.5</math><math>95.7</math><math>95.0</math><math>96.0</math><math>98.0</math><math>67.8</math><math>20.0</math><math>96.3</math><math>60.2</math><math>95.0</math><math>86.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>94.6</math><math>100.0</math><math>95.2</math><math>97.7</math><math>100.0</math><math>89.7</math><math>74.2</math><math>98.0</math><math>29.7</math><math>65.2</math><math>99.5</math><math>100.0</math><math>86.6</math><math>100.0</math><math>95.0</math><math>89.9</math><math>12.8</math><math>96.2</math><math>94.9</math><math>70.6</math><math>99.0</math><math>96.0</math><math>52.9</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>99.8</math><math>100.0</math><math>98.0</math><math>99.0</math><math>100.0</math><math>100.0</math><math>90.0</math><math>95.0</math><math>50.0</math><math>94.3</math><math>46.4</math><math>91.5</math><math>71.5</math><math>83.5</math><math>53.1</math><math>74.0</math><math>74.4</math><math>69.8</math><math>54.0</math><math>97.5</math><math>72.3</math><math>40.5</math><math>58.2</math><math>74.0</math><math>86.4</math><math>52.0</math><math>64.5</math><math>63.0</math><math>74.1</math></td>	52.6 $46.7$ $98.0$ $70.0$ $95.6$ $100.0$ $88.1$ $100.0$ $100.0$ $84.6$ $74.3$ $60.4$ $98.2$ $30.7$ $98.2$ $100.0$ $83.5$ $73.2$ $99.6$ $84.4$ $96.0$ $68.0$ $84.3$ $85.0$ $77.2$ $44.3$ $93.6$ $64.0$ $57.3$ $84.7$ $94.4$ $88.3$ $95.9$ $98.6$ $78.6$ $40.5$ $44.6$ $34.7$ $100.0$ $96.2$ $100.0$ $96.4$ $100.0$ $91.4$ $85.2$ $88.5$ $100.0$ $99.0$ $99.5$ $99.2$ $100.0$ $96.2$ $100.0$ $96.9$ $100.0$ $100.0$ $100.0$ $91.7$ $100.0$ $96.5$ $95.7$ $95.0$ $96.0$ $98.0$ $67.8$ $20.0$ $96.3$ $60.2$ $95.0$ $86.9$ $100.0$ $100.0$ $98.0$ $94.6$ $100.0$ $95.2$ $97.7$ $100.0$ $89.7$ $74.2$ $98.0$ $29.7$ $65.2$ $99.5$ $100.0$ $86.6$ $100.0$ $95.0$ $89.9$ $12.8$ $96.2$ $94.9$ $70.6$ $99.0$ $96.0$ $52.9$ $100.0$ $100.0$ $99.8$ $100.0$ $98.0$ $99.0$ $100.0$ $100.0$ $90.0$ $95.0$ $50.0$ $94.3$ $46.4$ $91.5$ $71.5$ $83.5$ $53.1$ $74.0$ $74.4$ $69.8$ $54.0$ $97.5$ $72.3$ $40.5$ $58.2$ $74.0$ $86.4$ $52.0$ $64.5$ $63.0$ $74.1$

95.0 87.5 100.0 100.0 100.0 97.0 100.0 98.8 96.0 100.0 100.0 99.1 [313] 83.3 99.1 100.0 80.6 [325] 98.5 100.0 86.6 97.2 83.9 94.9 97.9 100.0 [337] 78.9 85.8 99.0 88.1 83.5 95.9 87.8 89.5 91.2 90.0 64.1 70.3 73.2 100.0 81.0 100.0 97.5 70.1 96.0 100.0 100.0 75.8 92.0 94.5 [349] [361] 100.0 99.0 100.0 100.0 99.9 100.0 100.0 100.0 99.1 100.0 100.0 99.5 [373] 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 80.0 100.0 93.4 100.0 98.7 100.0 99.1 98.6 100.0 80.0 100.0 99.8 97.7 100.0 100.0 100.0 92.1 100.0 98.5 [385] [397] 80.7 100.0 100.0 80.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 99.0 [409] 100.0 100.0 71.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 98.2 100.0 100.0 100.0 [421] 100.0 100.0 100.0 99.0 100.0 91.4 100.0 100.0 99.0 100.0 100.0 100.0 [433] 100.0 100.0 98.9 100.0 83.4 100.0 99.0 100.0 87.3 100.0 100.0 100.0 [445] 100.0 98.0 100.0 100.0 90.0 100.0 100.0 98.6 67.0 100.0 100.0 83.3 [457] 100.0 73.2 99.0 100.0 99.8 99.0 100.0 99.6 92.0 90.0 99.0 100.0 [469] 100.0 100.0 94.1 100.0 93.2 100.0 100.0 100.0 83.2 100.0 100.0 92.3 93.1 100.0 99.3 100.0 100.0 70.5 95.3 100.0 [481] 98.1 87.5 100.0 95.3 [493] 99.0 93.9 70.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 96.6 100.0 100.0 [505] 98.8 91.5 100.0 100.0 100.0 95.0 100.0 100.0 100.0 90.1 79.7 100.0 [517] 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 97.0 98.0 100.0 96.5 98.6 98.5 100.0 99.0 92.4 100.0 98.0 100.0 89.2 100.0 100.0 94.9 82.1 85.4 100.0 [529] [541] 100.0 80.0 99.0 100.0 100.0 99.0 100.0 90.0 100.0 100.0 92.5 100.0 [553] 76.9 100.0 99.0 94.0 100.0 99.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 100.0 95.9 99.2 98.0 100.0 93.1 100.0 99.5 80.0 [565] 99.8 99.0 96.3 97.6 [577] 100.0 97.9 86.4 99.0 100.0 100.0 72.9 92.8 100.0 60.0 97.1 95.0 [589] 100.0 100.0 99.5 88.0 96.2 88.7 100.0 100.0 100.0 98.0 100.0 99.0 [601] 100.0 99.0 100.0 90.6 98.7 89.4 100.0 98.5 97.0 100.0 100.0 100.0 [613] 97.0 80.0 100.0 100.0 95.1 100.0 95.0 97.0 100.0 96.8 91.7 97.5 86.6 95.0 97.0 84.1 100.0 100.0 [625] 100.0 100.0 100.0 94.5 81.6 93.1 [637] 100.0 98.0 100.0 88.1 100.0 79.5 87.7 97.8 100.0

Vamos ver alguns exemplos de como calcular estatísticas descritivas utilizando as funções apresentadas acima:

# Soma dos valores da coluna `populacao\_urbana` # Ou seja, a população urbana total do estado de São Paulo sum(dados cetesb\$populacao urbana)

[1] 44767107

# Média dos valores da coluna `ictem`
mean(dados\_cetesb\$ictem)

[1] 7.759767

# Mediana dos valores da coluna `ictem`
median(dados\_cetesb\$ictem)

### [1] 8.21

# Variância dos valores da coluna `ictem` var(dados\_cetesb\$ictem)

### [1] 6.09937

# Desvio padrão dos valores da coluna `ictem` sd(dados\_cetesb\$ictem)

#### [1] 2.46969

```
# Valor mínimo da coluna `ictem`
min(dados_cetesb$ictem)
```

### [1] 0.75

# Valor máximo da coluna `ictem`
max(dados\_cetesb\$ictem)

### [1] 10

# Quantis dos valores da coluna `ictem`
quantile(dados\_cetesb\$ictem)

0% 25% 50% 75% 100% 0.75 6.78 8.21 9.94 10.00

Atenção aos valores faltantes (NA): Por padrão, as funções acima consideram os valores faltantes (NA) no cálculo, e portanto, o resultado também será um valor faltante (NA). Veja esse exemplo:

mean(dados\_cetesb\$eficiencia)

[1] NA

Se você quiser remover os valores faltantes, pode utilizar o argumento na.rm = TRUE nas funções. Por exemplo:

mean(dados\_cetesb\$eficiencia, na.rm = TRUE)

[1] 77.03656

## 3.6 Visualizando os dados

Para visualizar os dados, podemos utilizar a função ggplot() do pacote ggplot2, que também faz parte do tidyverse.

Para quem está começando, recomendo utilizar o pacote **esquisse**, que facilita a criação de gráficos com o **ggplot2**.

```
install.packages("esquisse")
install.packages("plotly")
```

Depois de instalar o pacote, podemos carregá-lo e utilizar a função esquisser() para criar gráficos interativos:

library(esquisse)
esquisser(dados\_cetesb)

O esquisse oferece uma interface amigável para criar gráficos com o ggplot2, permitindo que você arraste e solte variáveis, escolha tipos de gráficos e customize os elementos do gráfico. Ao usar o esquisse, você pode gerar o código correspondente ao gráfico que está criando, e depois copiá-lo para o seu script R.

Para criar um histograma simples, por exemplo, podemos usar o seguinte código:

```
# inicia o gráfico com os dados `dados_cetesb`
ggplot(dados_cetesb) +
    # define a variável que será plotada no eixo x
    aes(x = ictem) +
    # adiciona a geometria de histograma
    geom_histogram()
```



`stat\_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.

Podemos criar também um boxplot com um código semelhante:

```
# inicia o gráfico com os dados `dados_cetesb`
ggplot(dados_cetesb) +
    # define a variável que será plotada no eixo y
    aes(y = ictem) +
    # adiciona a geometria de histograma
    geom_boxplot()
```



## i Nota

Nesta aula, o objetivo foi apresentar algumas funções básicas que veremos outras vezes ao longo do curso. Não se preocupe se não entendeu tudo agora, pois iremos aprofundar esses conceitos em aulas futuras.

Se você quiser praticar mais, recomendo que explore os materiais complementares.

# 3.7 Materiais complementares

- Materiais do curso Introdução à análise de dados no R:
  - Diretório de trabalho e projetos
  - Importando dados
  - Conhecendo a base de dados

# 4 Análise exploratória de dados - Parte 2

Nesta segunda parte da análise exploratória de dados, vamos conhecer as funções mais importantes do pacote dplyr para manipulação de dados.

# 4.1 Carregando pacotes

library(tidyverse)

## 4.2 Carregando os dados

Vamos continuar trabalhando nos dados da CETESB, que já foram carregados na primeira parte da análise exploratória (aula passada). Caso você não tenha feito isso, recomendo que você siga as instruções da aula anterior antes de continuar a aula de hoje.

dados\_cetesb <- read\_csv("dados/dados-cetesb-2022.csv")</pre>

```
Rows: 645 Columns: 12
-- Column specification -----
Delimiter: ","
chr (2): uf, municipio
dbl (10): ano, ugrhi, codigo_ibge, populacao_urbana, atendimento_coleta_porc...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

Outra forma de importar os dados é utilizando o link direto do repositório do GitHub onde os dados estão armazenados. Você pode fazer isso utilizando a função read\_csv() do pacote readr:

dados\_cetesb <- read\_csv("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-da

A função glimpse() do pacote dplyr, que conhecemos na aula passada, é uma forma rápida de visualizar a estrutura dos dados. Ela nos mostra o nome das colunas, o tipo de dado de cada coluna e os primeiros valores de cada coluna:

glimpse(dados\_cetesb)

Ro	ows: 645		
Сс	olumns: 12		
\$	ano	<dbl></dbl>	2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022~
\$	uf	<chr></chr>	"SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~
\$	ugrhi	<dbl></dbl>	1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2~
\$	municipio	<chr></chr>	"Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi~
\$	codigo_ibge	<dbl></dbl>	3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~
\$	populacao_urbana	<dbl></dbl>	52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~
\$	atendimento_coleta_porc	<dbl></dbl>	52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~
\$	atendimento_tratamento_porc	<dbl></dbl>	100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~
\$	eficiencia	<dbl></dbl>	93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~
\$	carga_poluidora_potencial	<dbl></dbl>	2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~
\$	carga_poluidora_remancescente	<dbl></dbl>	1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~
\$	ictem	<dbl></dbl>	5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~

# 4.3 Conhecendo o operador pipe (|>)

O operador pipe (|> ou %>%) permite encadear operações de forma mais legível e intuitiva.

Por exemplo, podemos utilizar o operador pipe para aplicar a função glimpse() diretamente nos dados:

```
dados_cetesb |>
  glimpse()
```

\$ populacao_urbana	<dbl></dbl>	52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~
\$ atendimento_coleta_porc	<dbl></dbl>	52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~
\$ atendimento_tratamento_porc	<dbl></dbl>	100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~
\$ eficiencia	<dbl></dbl>	93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~
\$ carga_poluidora_potencial	<dbl></dbl>	2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~
\$ carga_poluidora_remancescente	<dbl></dbl>	1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~
\$ ictem	<dbl></dbl>	5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~

Com apenas uma função, não é tão óbvio o benefício do operador pipe. No entanto, quando começamos a encadear várias funções, ele se torna muito útil. Veremos exemplos disso ao longo desta aula!

# 4.4 Principais funções do dplyr

O pacote dplyr é uma das ferramentas mais poderosas para manipulação de dados no R. Ele oferece uma série de funções que facilitam a transformação e análise de dados. Vamos conhecer algumas das principais funções do dplyr:

- filter(): filtra linhas com base em condições específicas.
- select(): seleciona colunas específicas de um data frame.
- mutate(): adiciona ou modifica colunas.
- arrange(): ordena as linhas de um data frame com base em uma ou mais colunas.
- summarise(): resume os dados, calculando estatísticas agregadas.
- group\_by(): agrupa os dados com base em uma ou mais colunas, permitindo aplicar funções de resumo a cada grupo.

Ao apresentar essas funções, não vamos abordar todos os casos de uso, mas sim o básico de cada uma delas. Você pode consultar os materiais listados no final da aula para aprender mais sobre cada função e suas possibilidades.

## 4.5 Filtrando dados com filter()

A A função filter() é utilizada para filtrar linhas de um data frame com base em condições específicas.

Por exemplo, podemos filtrar os dados da CETESB para mostrar apenas os municípios que possuem uma população urbana maior que 1 milhão de habitantes:

```
dados_cetesb |>
  filter(populacao_urbana > 1000000)
# A tibble: 3 x 12
    ano uf
             ugrhi municipio codigo_ibge populacao_urbana
  <dbl> <chr> <dbl> <chr>
                                   <dbl>
                                                     <dbl>
1 2022 SP
                 5 Campinas
                                  3509502
                                                   1202203
2
  2022 SP
                  6 Guarulhos
                                  3518800
                                                   1404694
3 2022 SP
                  6 São Paulo
                                  3550308
                                                  12284940
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
    atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#
#
    carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#
    ictem <dbl>
```

Podemos também filtrar as linhas dos municípios do Grande ABC. Neste caso, é mais fácil criar um vetor com os nomes dos municípios, e utilizar o operador **%in%** para filtrar os dados:

```
municipios_grande_abc <- c("São Caetano do Sul", "São Bernardo do Campo", "Diadema", "Santo .
dados_cetesb |>
  filter(municipio %in% municipios_grande_abc)
```

#	A tibl	ble: 7	x 12				
	ano	uf	ugrhi	municipio	codigo_ibge	populacao_urbana	
	<dbl></dbl>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	
1	2022	SP	6	Diadema	3513801	429550	
2	2022	SP	6	Mauá	3529401	481725	
3	2022	SP	6	Ribeirão Pires	3543303	125238	
4	2022	SP	6	Rio Grande da Serra	3544103	52009	
5	2022	SP	6	Santo André	3547809	723889	
6	2022	SP	6	São Bernardo do Campo	3548708	835657	
7	2022	SP	6	São Caetano do Sul	3548807	162763	
#	i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,</dbl>						
#	<pre>t atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,</dbl></dbl></pre>						
#	carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,</dbl></dbl>						
#	icte	em <db]< td=""><td>1&gt;</td><td></td><td></td><td></td></db]<>	1>				

Podemos também consultar quais são os municípios que coletam 100% do esgoto produzido:

```
dados_cetesb |>
  filter(atendimento_coleta_porc == 100)
```

```
# A tibble: 253 x 12
              ugrhi municipio
                                        codigo_ibge populacao_urbana
     ano uf
   <dbl> <chr> <dbl> <chr> <dbl> <chr>
                                              <dbl>
                                                                <dbl>
 1 2022 SP
                   2 Areias
                                            3503505
                                                                2619
2 2022 SP
                   2 Caçapava
                                            3508504
                                                               81929
                   2 Cachoeira Paulista
3 2022 SP
                                            3508603
                                                               27623
4 2022 SP
                   2 Jambeiro
                                            3524907
                                                                3269
5 2022 SP
                   2 Pindamonhangaba
                                            3538006
                                                               165703
6 2022 SP
                   2 Taubaté
                                            3554102
                                                               313898
7 2022 SP
                   4 Altinópolis
                                                               14172
                                            3501004
8 2022 SP
                   4 Caconde
                                            3508702
                                                               12975
                   4 Casa Branca
9 2022 SP
                                            3510807
                                                               25075
10 2022 SP
                   4 Jardinópolis
                                                               43706
                                            3525102
# i 243 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
    atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#
    carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#
```

```
# ictem <dbl>
```

Destes, podemos filtrar os que tratem 100% do esgoto coletado:

```
dados_cetesb |>
  filter(atendimento_coleta_porc == 100, atendimento_tratamento_porc == 100)
```

```
# A tibble: 218 x 12
              ugrhi municipio
                                             codigo_ibge populacao_urbana
    ano uf
   <dbl> <chr> <dbl> <chr>
                                                   <dbl>
                                                                    <dbl>
 1 2022 SP
                  2 Cachoeira Paulista
                                                3508603
                                                                    27623
2 2022 SP
                  2 Jambeiro
                                                3524907
                                                                     3269
3 2022 SP
                  2 Pindamonhangaba
                                                3538006
                                                                   165703
4 2022 SP
                  2 Taubaté
                                                3554102
                                                                   313898
                  4 Altinópolis
5 2022 SP
                                                3501004
                                                                   14172
                  4 Santa Cruz da Esperança
6 2022 SP
                                                3546256
                                                                    1467
7 2022 SP
                  4 Serrana
                                                                   45677
                                                3551504
8 2022 SP
                  4 Tambaú
                                                3553302
                                                                   20663
9 2022 SP
                  5 Corumbataí
                                                3512704
                                                                    2200
10 2022 SP
                  5 Holambra
                                                3519055
                                                                   11303
# i 208 more rows
```

```
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
# atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
# carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
# ictem <dbl>
```

As possibilidades são muitas! Podemos combinar várias condições utilizando os operadores lógicos (como o | (OU) e o ! (NEGAÇÃO).

# 4.6 Selecionando colunas com select()

A função select() é utilizada para selecionar colunas específicas de um data frame.

Por exemplo, podemos selecionar apenas as colunas municipio, populacao\_urbana e atendimento\_coleta\_porc dos dados da CETESB:

```
dados_cetesb |>
   select(municipio, populacao_urbana, atendimento_coleta_porc)
```

# I	A tibble: 645 x 3		
	municipio	populacao_urbana	$\verb+atendimento_coleta_porc+$
	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>
1	Campos do Jordão	52384	52.6
2	Santo Antônio do Pinhal	4067	46.7
3	São Bento do Sapucaí	5251	98
4	Aparecida	35684	70
5	Arapeí	1844	95.6
6	Areias	2619	100
7	Bananal	8808	88.1
8	Caçapava	81929	100
9	Cachoeira Paulista	27623	100
10	Canas	4890	84.6
<b>#</b> i	i 635 more rows		

Podemos também indicar quais colunas queremos excluir, utilizando o operador – antes do nome da coluna. Por exemplo, para excluir as colunas **ano** e **uf**, podemos fazer o seguinte:

dados\_cetesb |>
 select(-ano, -uf)

# A	tibb	le: 645 x 10					
	ugrhi	municipio	codigo_ibge	populacao_urbana	$atendimento_coleta_p~1$		
	<dbl></dbl>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>		
1	1	Campos do Jordão	3509700	52384	52.6		
2	1	Santo Antônio do P~	3548203	4067	46.7		
3	1	São Bento do Sapuc~	3548609	5251	98		
4	2	Aparecida	3502507	35684	70		
5	2	Arapeí	3503158	1844	95.6		
6	2	Areias	3503505	2619	100		
7	2	Bananal	3504909	8808	88.1		
8	2	Caçapava	3508504	81929	100		
9	2	Cachoeira Paulista	3508603	27623	100		
10	2	Canas	3509957	4890	84.6		
# i	. 635 r	nore rows					
# i	i abbreviated name: 1: atendimento_coleta_porc						
# i	5 more variables: atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,</dbl></dbl>						
#	carga	a_poluidora_potencia	L <dbl>, carg</dbl>	ga_poluidora_remar	ncescente <dbl>,</dbl>		
#	icter	n <dbl></dbl>					

# 4.7 Adicionando ou modificando colunas com mutate()

A função mutate() é utilizada para adicionar novas colunas ou modificar colunas existentes em um data frame.

A sintaxe básica da função mutate() é:

```
base_de_dados |>
mutate(nome_da_nova_coluna = o_que_queremos_que_seja_salvo_nela)
```

Por exemplo, podemos criar uma coluna nova chamada populacao\_urbana\_mil que representa a população urbana em mil habitantes:

```
dados_cetesb |>
  # selecionando as colunas municipio e populacao_urbana
  # para facilitar a visualização
  select(municipio, populacao_urbana) |>
  mutate(populacao_urbana_mil = populacao_urbana / 1000)
```

```
# A tibble: 645 x 3
```

municipio	populacao_urbana	populacao_urbana_mil
<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>

1 Campos do Jordão	52384	52.4
2 Santo Antônio do Pinhal	4067	4.07
3 São Bento do Sapucaí	5251	5.25
4 Aparecida	35684	35.7
5 Arapeí	1844	1.84
6 Areias	2619	2.62
7 Bananal	8808	8.81
8 Caçapava	81929	81.9
9 Cachoeira Paulista	27623	27.6
10 Canas	4890	4.89
# i 635 more rows		

A função mutate() também pode ser utilizada para modificar colunas existentes. Por exemplo, podemos mudar a classe de algumas colunas:

```
dados_cetesb |>
mutate(
    ugrhi = as.character(ugrhi), # convertendo ugrhi para character
    codigo_ibge = as.character(codigo_ibge) # convertendo codigo_ibge para character
)
```

# A	tibb]	Le: 645	5 x 12				
	ano	uf	ugrhi	municipio	codigo_ibge p	opulacao_urbana	
	<dbl></dbl>	< chr >	<chr></chr>	<chr></chr>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	
1	2022	SP	1	Campos do Jordão	3509700	52384	
2	2022	SP	1	Santo Antônio do Pinhal	3548203	4067	
3	2022	SP	1	São Bento do Sapucaí	3548609	5251	
4	2022	SP	2	Aparecida	3502507	35684	
5	2022	SP	2	Arapeí	3503158	1844	
6	2022	SP	2	Areias	3503505	2619	
7	2022	SP	2	Bananal	3504909	8808	
8	2022	SP	2	Caçapava	3508504	81929	
9	2022	SP	2	Cachoeira Paulista	3508603	27623	
10	2022	SP	2	Canas	3509957	4890	
# i	635 n	nore ro	ows				
# i	6 mor	re vari	iables	: atendimento_coleta_pord	c <dbl>,</dbl>		
#	atend	dimento	o_trata	amento_porc <dbl>, eficie</dbl>	encia <dbl>,</dbl>		
#	carga	a_polui	idora_]	potencial <dbl>, carga_po</dbl>	oluidora_reman	cescente <dbl>,</dbl>	
#	ictem <dbl></dbl>						

# 4.8 Ordenando dados com arrange()

A função **arrange()** é utilizada para ordenar as linhas de um data frame com base em uma ou mais colunas.

Podemos ordenar os dados da CETESB pela coluna carga\_poluidora\_remancescente, em ordem crescente:

```
dados_cetesb |>
    arrange(carga_poluidora_remancescente)
```

```
# A tibble: 645 x 12
     ano uf
               ugrhi municipio
                                            codigo_ibge populacao_urbana
   <dbl> <chr> <dbl> <chr>
                                                   <dbl>
                                                                    <dbl>
1 2022 SP
                  14 Ribeirão Grande
                                                 3543253
                                                                     2427
2 2022 SP
                  13 Trabiju
                                                 3554755
                                                                     1609
3 2022 SP
                  21 Borá
                                                3507209
                                                                      653
4 2022 SP
                  15 Turmalina
                                                 3555307
                                                                     1186
5 2022 SP
                  2 Jambeiro
                                                                     3269
                                                 3524907
6 2022 SP
                  18 Santa Salete
                                                3547650
                                                                      882
7 2022 SP
                  18 Santana da Ponte Pensa
                                                 3547205
                                                                      968
8 2022 SP
                  15 Mesópolis
                                                 3529658
                                                                     1481
9 2022 SP
                  18 Nova Canaã Paulista
                                                 3532843
                                                                      759
10 2022 SP
                  19 Turiúba
                                                 3555208
                                                                     1657
# i 635 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
    atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#
    carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
#
#
    ictem <dbl>
```

Também podemos ordenar os dados em ordem decrescente, utilizando a função desc():

```
dados_cetesb |>
  arrange(desc(populacao_urbana))
```

# A tibble: 645 x 12						
	ano	uf	ugrhi	municipio	codigo_ibge	populacao_urbana
	<dbl></dbl>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>
1	2022	SP	6	São Paulo	3550308	12284940
2	2022	SP	6	Guarulhos	3518800	1404694
3	2022	SP	5	Campinas	3509502	1202203

```
4 2022 SP
                   6 São Bernardo do Campo
                                                                  835657
                                                3548708
5 2022 SP
                   6 Santo André
                                                3547809
                                                                  723889
6 2022 SP
                   2 São José dos Campos
                                                3549904
                                                                  722310
7 2022 SP
                   4 Ribeirão Preto
                                                                  718072
                                                3543402
8
   2022 SP
                   6 Osasco
                                                3534401
                                                                  701428
   2022 SP
                  10 Sorocaba
9
                                                3552205
                                                                  688252
10 2022 SP
                   6 Mauá
                                                3529401
                                                                  481725
# i 635 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
#
    atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
#
    carga poluidora potencial <dbl>, carga poluidora remancescente <dbl>,
#
    ictem <dbl>
```

## 4.9 Agrupando dados com group\_by()

A função group\_by() é utilizada para agrupar os dados com base em uma ou mais colunas. Isso é especialmente útil quando queremos aplicar funções de resumo a cada grupo.

Por exemplo, podemos agrupar os dados da CETESB pela coluna ugrhi (Unidade de Gerenciamento de Recursos Hídricos) e calcular a soma da população urbana para cada UGRHI:

```
dados_cetesb |>
  group_by(ugrhi)
# A tibble: 645 x 12
# Groups:
            ugrhi [22]
                                              codigo_ibge populacao_urbana
               ugrhi municipio
     ano uf
   <dbl> <chr> <dbl> <chr>
                                                    <dbl>
                                                                      <dbl>
 1 2022 SP
                   1 Campos do Jordão
                                                  3509700
                                                                      52384
2 2022 SP
                   1 Santo Antônio do Pinhal
                                                  3548203
                                                                       4067
 3 2022 SP
                   1 São Bento do Sapucaí
                                                  3548609
                                                                       5251
 4 2022 SP
                   2 Aparecida
                                                  3502507
                                                                      35684
 5 2022 SP
                   2 Arapeí
                                                  3503158
                                                                       1844
 6 2022 SP
                   2 Areias
                                                  3503505
                                                                       2619
7 2022 SP
                   2 Bananal
                                                  3504909
                                                                       8808
8 2022 SP
                   2 Caçapava
                                                  3508504
                                                                      81929
9 2022 SP
                   2 Cachoeira Paulista
                                                  3508603
                                                                      27623
10 2022 SP
                   2 Canas
                                                  3509957
                                                                       4890
# i 635 more rows
# i 6 more variables: atendimento_coleta_porc <dbl>,
```

```
# atendimento_tratamento_porc <dbl>, eficiencia <dbl>,
```

```
# carga_poluidora_potencial <dbl>, carga_poluidora_remancescente <dbl>,
```

```
# ictem <dbl>
```

A função group\_by() não altera os dados, mas prepara o data frame para que possamos aplicar funções de resumo a cada grupo. Portanto, ela é frequentemente utilizada em conjunto com a função summarise().

## 4.10 Resumindo dados com summarise()

A função summarise() é utilizada para resumir os dados, calculando estatísticas agregadas. Ela é frequentemente utilizada em conjunto com a função group\_by().

Como vimos na aula anterior, a função summary() nos dá um resumo de estatísticas descritivas para todas as colunas. Porém, podemos querer calcular estatísticas descritivas apenas para algum subconjunto dos dados.

Imagine que queremos calcular algumas estatísticas descritivas considerando cada UGRHI (Unidade de Gerenciamento de Recursos Hídricos) separadamente. Podemos fazer isso utilizando as funções group\_by() e summarise().

```
estatisticas_descritivas <- dados_cetesb |>
  # agrupar os dados pela coluna ugrhi
  group_by(ugrhi) |>
  # calcular estatísticas descritivas para cada grupo
  summarise(
    quantidade_municipios = n(),
    soma_populacao_urbana = sum(populacao_urbana),
    media_ictem = mean(ictem) |> round(2),
    mediana_ictem = median(ictem) |> round(2),
    desvio_padrao_ictem = sd(ictem) |> round(2)
)
```

knitr::kable(estatisticas\_descritivas)

ugrhi	quantidade_municipissama_	_populacao_u	r <b>baedi</b> a_ictemme	diana_ictendes	vio_padrao_ictem
1	3	61702	6.86	5.97	2.78
2	34	2124413	5.87	6.98	3.30
3	4	337159	5.10	4.66	1.74
4	23	1215586	7.09	8.12	2.83

ugrhi	quantidade_municipissma_	_populacao_u	ur <b>baen</b> aia_ictemmedi	ana_icten	desvio_padrao_ictem
5	57	5737151	7.10	7.85	2.99
6	34	21626154	4.93	5.03	2.39
7	9	1893370	5.01	5.09	1.22
8	22	707923	9.18	9.98	1.34
9	38	1542781	6.91	7.64	3.02
10	33	1937230	7.05	7.10	2.66
11	23	273446	7.10	7.09	1.87
12	12	346186	7.92	8.45	2.59
13	34	1608773	7.94	8.08	2.29
14	34	631467	8.01	8.20	1.84
15	64	1289129	8.77	9.89	1.66
16	33	520262	8.36	9.70	2.24
17	42	666615	8.88	9.75	1.23
18	25	212661	9.01	10.00	1.63
19	42	772089	8.31	8.15	1.54
20	32	348271	8.69	8.57	1.34
21	26	444578	8.96	9.70	1.80
22	21	470161	9.09	9.70	1.01

Podemos salvar o resultado em um arquivo CSV ou Excel, utilizando as funções readr::write\_csv() ou writexl::write\_excel\_csv():

# 4.11 Unindo tabelas com left\_join()

A função left\_join() é utilizada para unir duas tabelas com base em uma ou mais colunas em comum (chamada de chave - key).

Para este exemplo, vamos importar uma tabela que contém informações sobre o IDH (Índice de Desenvolvimento Humano) dos municípios de São Paulo, referente ao ano de 2010. Esses dados são baseados no Censo, mas ainda não temos o IDH calculado para o ano de 2022.

dados\_idhm <- read\_csv("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-dad</pre>

```
Rows: 645 Columns: 15
-- Column specification -----
Delimiter: ","
chr (3): muni_nm, uf_sigla, regiao_nm
dbl (12): ano, muni_id, idhm, idhm_e, idhm_l, idhm_r, espvida, rdpc, gini, p...
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

Para fazer o join, precisamos garantir que as colunas que vamos utilizar como chave estejam no mesmo formato. Neste caso, vamos utilizar a coluna referente ao código do IBGE como chave para unir as duas tabelas:

names(dados\_idhm)

[1] "ano" "muni\_id" "muni\_nm" "uf\_sigla" "regiao\_nm" "idhm" [7] "idhm\_e" "idhm\_l" "idhm\_r" "espvida" "rdpc" "gini" [13] "pop" "lat" "lon"

names(dados\_cetesb)

[1]	"ano"	"uf"
[3]	"ugrhi"	"municipio"
[5]	"codigo_ibge"	"populacao_urbana"
[7]	"atendimento_coleta_porc"	"atendimento_tratamento_porc"
[9]	"eficiencia"	"carga_poluidora_potencial"
[11]	"carga_poluidora_remancescente"	"ictem"

É importante que a variável que usaremos como chave esteja no mesmo formato nas duas tabelas. Usamos a função class() para verificar o tipo de dado de cada coluna:

class(dados\_cetesb\$codigo\_ibge)

[1] "numeric"

class(dados\_idhm\$muni\_id)

[1] "numeric"

Obs: caso as colunas não estejam no mesmo formato, podemos utilizar a função mutate() para alterar o tipo de dado de uma das colunas, junto com funções como as.character() ou as.numeric(), dependendo da classe de dado que queremos.

Agora podemos unir as duas tabelas utilizando a função left\_join(). Essa função irá manter todas as linhas da tabela da esquerda (dados\_cetesb) e adicionar as colunas da tabela da direita (dados\_idhm) onde houver correspondência na chave especificada.

```
dados_unidos <- left_join(
    # tabela da esquerda
    dados_cetesb,
    # tabela da direita
    dados_idhm,
    # o argumento `by` especifica as colunas que serão utilizadas como chave para o join
    by = c("codigo_ibge" = "muni_id")
    )</pre>
```

A nova tabela dados\_unidos agora contém todas as colunas de ambas as tabelas, com os dados do IDH adicionados aos municípios correspondentes. Se um município não tiver um valor correspondente na tabela de IDH, as colunas relacionadas ao IDH terão valores NA.

glimpse(dados\_unidos)

Ro	ows: 645		
Сс	olumns: 26		
\$	ano.x	<dbl></dbl>	2022, 2022, 2022, 2022, 2022, 2022~
\$	uf	< chr >	"SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~
\$	ugrhi	<dbl></dbl>	1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2~
\$	municipio	< chr >	"Campos do Jordão", "Santo Antônio do Pi~
\$	codigo_ibge	<dbl></dbl>	3509700, 3548203, 3548609, 3502507, 3503~
\$	populacao_urbana	<dbl></dbl>	52384, 4067, 5251, 35684, 1844, 2619, 88~
\$	atendimento_coleta_porc	<dbl></dbl>	52.6, 46.7, 98.0, 70.0, 95.6, 100.0, 88.~
\$	atendimento_tratamento_porc	<dbl></dbl>	100.0, 100.0, 100.0, 0.0, 95.6, 0.0, 100~
\$	eficiencia	<dbl></dbl>	93.0, 80.0, 91.3, 0.0, 99.0, 0.0, 75.0, ~
\$	carga_poluidora_potencial	<dbl></dbl>	2829, 220, 284, 1927, 100, 141, 476, 442~
\$	carga_poluidora_remancescente	<dbl></dbl>	1445, 138, 30, 1927, 9, 141, 161, 1858, ~
\$	ictem	<dbl></dbl>	5.97, 4.63, 9.97, 1.55, 9.86, 1.50, 7.61~
\$	ano.y	<dbl></dbl>	2010, 2010, 2010, 2010, 2010, 2010, 2010~
\$	muni_nm	< chr >	"CAMPOS DO JORDÃO", "SANTO ANTÔNIO DO PI~
\$	uf_sigla	< chr >	"SP", "SP", "SP", "SP", "SP", "SP"~
\$	regiao_nm	< chr >	"Sudeste", "Sudeste", "Sudeste", "Sudest~
\$	idhm	<dbl></dbl>	0.749, 0.706, 0.720, 0.755, 0.680, 0.697~

\$ idhm_e	<dbl></dbl>	0.648, 0.632, 0.638, 0.706, 0.612, 0.672~
\$ idhm_l	<dbl></dbl>	0.852, 0.812, 0.812, 0.828, 0.812, 0.803~
\$ idhm_r	<dbl></dbl>	0.761, 0.685, 0.719, 0.735, 0.634, 0.627~
\$ espvida	<dbl></dbl>	76.10, 73.69, 73.69, 74.67, 73.72, 73.18~
\$ rdpc	<dbl></dbl>	911.40, 569.08, 701.89, 775.17, 414.19, ~
\$ gini	<dbl></dbl>	0.59, 0.47, 0.55, 0.46, 0.39, 0.44, 0.51~
\$ рор	<dbl></dbl>	47287, 6450, 10370, 34630, 2481, 3632, 1~
\$ lat	<dbl></dbl>	-22.739, -22.827, -22.689, -22.847, -22.~
\$ lon	<dbl></dbl>	-45.591, -45.663, -45.731, -45.230, -44.~

Este caso é um exemplo de um join bem simples, onde temos uma chave única em cada tabela. No entanto, existem outros tipos de joins, como inner\_join(), right\_join(), full\_join(), que podem ser utilizados dependendo da situação.

# 4.12 Materiais complementares

- Materiais do curso Introdução à análise de dados no R:
  - Transformando dados
  - Análise exploratória de dados

# 5 Prática - Intervalo de confiança

Nesta prática, vamos imaginar a seguinte situação: queremos saber qual é a média das alturas das pessoas que estão matriculadas nessa disciplina, considerando o sexo biológico. Para isso, criamos um formulário do Google Forms e solicitamos que as pessoas respondessem. Entretanto, nem todas as pessoas responderam, e só temos uma amostra.

Revisando alguns conceitos apresentados em aula: neste exemplo...

- a **população** é o conjunto de todas as pessoas matriculadas na disciplina, enquanto a **amostra** é composta pelas pessoas que responderam ao formulário.
- A partir dessa amostra, podemos fazer inferências sobre a população, como calcular a média das alturas por sexo biológico.
- No entanto, como estamos lidando com uma amostra, não podemos afirmar com certeza qual é a média da população, apenas estimá-la.
- Para isso, usamos o intervalo de confiança, que nos dá uma faixa de valores dentro da qual acreditamos que a média populacional esteja.

## 5.1 Carregar pacotes

library(tidyverse)
library(janitor)

## 5.2 Importar os dados

Os dados estão disponíveis em um formulário do Google. Podemos importá-los de duas formas: - usando o pacote googlesheets4 (requer autenticação) - baixar o arquivo CSV exportado do Google Forms e ler com read\_csv(). Salve o arquivo CSV na pasta dados/ do seu projeto.

Neste exemplo, vamos importar o arquivo CSV exportado do Google Forms. O CSV que será utilizado é um recorte do arquivo completo, pois removemos as colunas de nome e email.

Se você fez o download do arquivo CSV, coloque-o na pasta dados/ do seu projeto. Caso contrário, você pode usar o link direto para o arquivo CSV no GitHub.

```
# leitura do CSV exportado do Google Forms
dados_brutos <- read_csv("dados/respostas_forms_altura.csv")
# leitura de uma cópia dos dados que está salva no GitHub
dados_brutos <- read_csv("https://raw.githubusercontent.com/beatrizmilz/ESHT011-21-analise-d.
Rows: 32 Columns: 5
-- Column specification ------
Delimiter: ","
chr (2): Sexo biológico, Turma
dbl (2): Idade, Altura (em metros)
dttm (1): Carimbo de data/hora
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
```

Vamos dar uma olhada nos dados que importamos:

glimpse(dados\_brutos)

i Specify the column types or set `show\_col\_types = FALSE` to quiet this message.

Algo que podemos fazer é limpar os nomes das colunas, pois eles podem conter espaços, caracteres especiais ou estarem em letras maiúsculas. Vamos usar a função clean\_names() do pacote janitor para isso.

dados <- clean\_names(dados\_brutos)</pre>

Agora podemos verificar os nomes das colunas novamente para garantir que estão limpos e prontos para uso:

# 5.3 Conhecendo os dados

Vamos começar visualizando a distribuição das alturas por sexo biológico. Para isso, podemos criar um histograma para cada grupo de sexo biológico.



Vamos criar um box-plot para visualizar a distribuição das alturas por sexo biológico. Isso nos ajudará a entender como as alturas estão distribuídas em cada grupo.

```
dados |>
ggplot(aes(x = sexo_biologico, y = altura_em_metros)) +
geom_boxplot(aes(fill = sexo_biologico), show.legend = FALSE) +
geom_jitter(show.legend = FALSE, alpha = 0.5) +
labs(x = "Sexo Biológico",
    y = "Altura (m)") +
scale_y_continuous(breaks = seq(1.5, 2.1, by = 0.05)) +
theme_minimal()+
scale_fill_brewer(palette = "Set2", direction = -1)
```



Outro ponto importante é saber o tamanho da nossa amostra. **E atenção:** neste caso, queremos calcular o intervalo de confiança para a média de dois grupos (sexo biológico), então precisamos calcular a amostra separadamente para cada grupo.

tabyl(dados, sexo\_biologico) |> # criando uma tabela de frequências adorn\_totals("row") |> # adicionando a linha de total adorn\_pct\_formatting() # formatando os percentuais

sexo\_biologico n percent Feminino 13 40.6% Masculino 19 59.4% Total 32 100.0%

# 5.4 Calcular a média, desvio padrão e número de respostas

Para calcular o intervalo de confiança da média das alturas por sexo biológico, precisamos primeiro calcular a média, o desvio padrão e o tamanho da amostra.

Para isso, podemos usar a função group\_by() do dplyr para agrupar os dados por sexo biológico e, em seguida, usar a função summarise() para calcular as estatísticas desejadas. Essas funções foram abordadas na prática anterior.

Para calcular a média, utilizamos a função mean(), para o desvio padrão usamos sd() e para o tamanho da amostra usamos n(). Lembrando que, caso a variável tenha valores ausente (NA), devemos usar o argumento na.rm = TRUE para ignorá-los nos cálculos.

```
dados |>
group_by(sexo_biologico) |>
summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
)
```

# 5.5 Calcular o erro padrão

Com essas informações, podemos calcular o erro padrão (**Standard Error - SE**) amostral da média:

$$SE = \frac{s}{\sqrt{n}}$$

Onde s é o desvio padrão amostral e n é o tamanho da amostra. Lembrando que o erro padrão nos dá uma medida da precisão da média amostral como estimativa da média populacional.

```
dados |>
group_by(sexo_biologico) |>
summarise(
   media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
   desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
   tamanho_amostra_n = n(),
   erro_padrao = desvio_padrao / sqrt(tamanho_amostra_n)
)
```

# A tibble: 2 x 5
sexo\_biologico media desvio\_padrao tamanho\_amostra\_n erro\_padrao

	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<int></int>	<dbl></dbl>
1	Feminino	1.67	0.0485	13	0.0134
2	Masculino	1.77	0.0778	19	0.0178

## 5.6 Definindo o valor crítico

O intervalo de confiança é dado pela fórmula:

$$IC = \bar{x} \pm (z \times SE)$$

Onde  $\bar{x}$  é a média amostral, z é o valor crítico (para um IC de 95%,  $z \approx 1.96$ , quando a amostra é grande ou a variável tem distribuição aproximadamente normal) e SE é o erro padrão.

Usar um intervalo de confiança de 95% significa que queremos encontrar uma faixa de valores onde acreditamos, com 95% de confiança, que está a média verdadeira da população.

Esse valor de  $z \approx 1.96$  é usado apenas quando usamos a distribuição normal. No entanto, como estamos trabalhando com amostras pequenas, utilizamos a distribuição t de Student, e o valor crítico t (que substitui o z) é calculado com a função qt(). Neste caso, o valor muda conforme o **tamanho da amostra (n)** e é calculado com base nos graus de liberdade (n - 1).

### 5.6.1 Como calcular o valor crítico para um intervalo de confiança de 95% com a distribuição t de Student?

Podemos usar a função qt() do R, que calcula o quantil da distribuição t de Student. Para um intervalo de confiança de 95%, precisamos calcular o quantil para 0.975 (ou seja, 1 - 0.025, já que estamos considerando os dois lados da distribuição).

```
dados |>
group_by(sexo_biologico) |>
summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
    erro_padrao = desvio_padrao / sqrt(tamanho_amostra_n),
    valor_t = qt(p = 0.975, df = tamanho_amostra_n - 1) # valor crítico t para IC de 95%
)
```

```
# A tibble: 2 x 6
 sexo_biologico media desvio_padrao tamanho_amostra_n erro_padrao valor_t
                                                              <dbl>
  <chr>
                 <dbl>
                               <dbl>
                                                 <int>
                                                                      <dbl>
1 Feminino
                  1.67
                              0.0485
                                                    13
                                                             0.0134
                                                                       2.18
2 Masculino
                  1.77
                                                    19
                                                                       2.10
                              0.0778
                                                             0.0178
```

## 5.7 Calcular o intervalo de confiança

```
ic_altura <- dados |>
group_by(sexo_biologico) |>
summarise(
    media = mean(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    desvio_padrao = sd(altura_em_metros, na.rm = TRUE),
    tamanho_amostra_n = n(),
    erro_padrao = desvio_padrao / sqrt(tamanho_amostra_n),
    valor_t = qt(p = 0.975, df = tamanho_amostra_n - 1),
    ic_inferior = media - (valor_t * erro_padrao),
    ic_superior = media + (valor_t * erro_padrao)
)
```

knitr::kable(ic\_altura)

sexo_biologic	comedia	desvio_	_padr <b>ata</b> manho_	_amos	st <b>era</b> r <u>on</u> padra	a <b>v</b> alor_t	$ic\_inferior$	ic_superior
Feminino	1.668462	0.0484	503	13	0.0134377	2.178813	1.639183	1.69774
Masculino	1.771579	0.0777	648	19	0.0178405	2.100922	1.734098	1.80906

Com o intervalo de confiança calculado, podemos visualizar os resultados em um gráfico. Vamos criar um gráfico de pontos com barras de erro para representar o intervalo de confiança.



Para discussão:

- 1) O intervalo de confiança dos dois grupos se sobrepõe? O que isso pode significar?
- 2) Como o tamanho da amostra (n) afetou o intervalo de confiança?
- 3) Como a variação nas alturas (desvio padrão) influenciou o intervalo de confiança?

# A Erros e warnings frequentes

A lista a seguir apresenta alguns erros e *warnings* mais comuns.

# A.1 Instalação

### A.1.1 RTools

**Para pessoas que utilizam o sistema operacional Windows**, a aviso (*warning*) abaixo pode aparecer em alguns contextos:

WARNING: Rtools is required to build R packages but is not currently installed. Please download and install the appropriate version of Rtools before proceeding:

https://cran.rstudio.com/bin/windows/Rtools/ Instalando pacote em 'C:/Users/.../AppData/Local/R/win-library/4.4' (como 'lib' não foi especificado)

Para que esse aviso não apareça mais, você pode instalar o Rtools no seu computador. O RTools é um software (**não** é um pacote do R), portanto você precisa fazer o download da versão compatível com a versão do R que você está utilizando, e instalar no seu computador.

Para fazer o download, acesse o link https://cran.rstudio.com/bin/windows/Rtools/, e escolha a versão do RTools compatível com a versão do R que você está utilizando:

# RTools: Toolchains for building R and R packages from source on Windows

Choose your version of Rtools:

RTools 4.4	for R versions from 4.4.0 (R-release and R-devel)
RTools 4.3	for R versions 4.3.x (R-oldrelease)
RTools 4.2	for R versions 4.2.x
<u>RTools 4.0</u>	for R from version 4.0.0 to 4.1.3
old versions of RTools	for R versions prior to 4.0.0

Figura A.1: Captura de tela: página de download do RTools

Para consultar a versão do R que você está utilizando, você pode rodar o seguinte comando no console do R:

R.version.string

[1] "R version 4.5.1 (2025-06-13)"

# A.2 Conceitos básicos

#### A.2.1 Instalando pacotes

O erro a seguir ocorre quando o usuário tenta instalar um pacote sem aspas. O correto é colocar o nome do pacote entre aspas.

```
# O código abaixo gerará um erro:
install.packages(janitor)
```

Error in eval(call, envir = parent.frame()): object 'janitor' not found

A função deve receber o nome do pacote entre aspas, pois é um texto:

```
# O código abaixo funcionará:
install.packages("janitor")
```

### A.2.2 Pacote não encontrado

O erro a seguir ocorre quando tentamos carregar um pacote que não foi instalado anteriormente. Para resolver, precisamos instalar o pacote.

```
# O código abaixo gerará um erro:
library(quarto)
```

Para que consiga acessar, é necessário instalar o pacote, e depois carregá-lo:

```
install.packages("quarto")
library(quarto)
```

#### A.2.3 Objeto não encontrado

O erro a seguir ocorre quando tentamos acessar um objeto que não consta no painel *Environment*. Existe alguns motivos para isso acontecer:

- O objeto não foi criado (provavelmente precisa executar o código que cria o objeto);
- O objeto existe no painel *Environment*, mas estamos tentando acessá-lo com o nome incorreto.

No exemplo a seguir, o código gerará um erro pois o objeto que estamos tentando acessar ainda não foi criado:

```
# O código abaixo gerará um erro:
length(estados_sudeste)
```

Error: object 'estados\_sudeste' not found

Após criar o objeto, conseguimos utilizá-lo:

```
estados_sudeste <- c("SP", "RJ", "MG", "ES")
length(estados_sudeste)</pre>
```

[1] 4

### A.2.4 Função não encontrada

O erro could not find function ocorre quando tentamos acessar uma função que não está sendo encontrada. Isso pode acontecer por alguns motivos:

- A função faz parte de um pacote que não foi carregado (precisamos carregar o pacote antes);
- A função foi escrita de forma incorreta (por exemplo, com letras maiúsculas ou minúsculas incorretas).

### A.2.4.1 Pacote não carregado

No exemplo a seguir, queremos limpar o nome das colunas do data frame iris:

head(iris)

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
1	5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
2	4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
3	4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
4	4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
5	5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
6	5.4	3.9	1.7	0.4	setosa

O código a seguir gerará um erro pois a função clean\_names() faz parte do pacote janitor, mas o pacote não foi carregado:

clean\_names(iris)

Error in clean\_names(iris): could not find function "clean\_names"

Para corrigir, precisamos carregar o pacote janitor:

```
library(janitor)
iris_nome_limpo <- clean_names(iris)
head(iris_nome_limpo)</pre>
```
	sepal_length	<pre>sepal_width</pre>	<pre>petal_length</pre>	petal_width	species
1	5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
2	4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
3	4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
4	4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
5	5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
6	5.4	3.9	1.7	0.4	setosa

#### A.2.4.2 Erro de digitação

No exemplo a seguir, o código gerará um erro pois a função length() está escrito de forma incorreta:

# O código abaixo gerará um erro: lenght(letters)

Error in lenght(letters): could not find function "lenght"

Para corrigir, precisamos escrever a função corretamente:

length(letters)

[1] 26

# B Sugestão de vídeos, posts, e outros materiais

Nesta página, reunimos alguns vídeos, posts e outros materiais que podem ser úteis para complementar os estudos!

### B.1 Estatística básica

- Como calcular variância, desvio padrão e coeficiente de variação (manualmente e no Excel) por Fernanda Peres. A Fernanda também escreveu um texto sobre o assunto.
- O segredo da MERITOCRARIA por Atila Iamarino. Este vídeo aborda o tabuleiro de Galton (até cerca de 5 min), que conecta com os conceitos de distribuição normal, média, valores extremos.
- Será que você nasceu inteligente? por Atila Iamarino. Este vídeo complementa os conceitos apresentados no vídeo anterior: tabuleiro de Galton, distribuição normal, média, valores extremos.
- Uma doutora toma chá: entendendo teste de hipóteses, valor de p e nível de significância alfa por Fernanda Peres. A Fernanda também escreveu um texto sobre o assunto, e alguns outros posts complementares: Valor de p, nível de significância e testes uni vs. bicaudais, As falácias do valor de p.
- Texto: Como interpretar o intervalo de confiança? por Fernanda Peres.
- Playlist: Estatística Aplicada no R por Fernanda Peres.

## B.2 Organização dos dados

• Como organizar sua base de dados para análises estatísticas? - por Fernanda Peres.

# **B.3 Gráficos**

• Entendendo o gráfico boxplot - por Fernanda Peres. A Fernanda também escreveu um texto sobre o assunto.

# **B.4 Sobre os canais citados**

### B.4.1 Dr. Atila lamarino

- Youtube
- Instagram

#### B.4.2 Dra. Fernanda Peres

- Youtube
- Instagram
- Blog